

## ภาคผนวก

- ภาคผนวก ก** ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ (Item Specification)
- ภาคผนวก ข** ข้อสอบที่สร้างจากระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติที่พัฒนาขึ้น  
(ข้อสอบคู่ขนาน)
- ภาคผนวก ค** แบบประเมินคุณภาพโมเดลข้อสอบ
- ภาคผนวก ง** แบบประเมินคุณภาพระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ สำหรับผู้เชี่ยวชาญ
- ภาคผนวก ง** แบบประเมินการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ สำหรับผู้ใช้งาน
- ภาคผนวก ฉ** แบบประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบ
- ภาคผนวก ช** รายชื่อผู้เชี่ยวชาญ
- ภาคผนวก ซ** คู่มือการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ

ภาคผนวก ก : ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ (Item Specification)



### 1. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องอนุพันธ์

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + c$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1, n_2$ เป็นจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง $2$ ถึง $9$ และ $n_1 > n_2$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2}</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1}</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น <math>1</math> ค่า พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + c</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังลดลง <math>1</math> ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + c</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น <math>1</math> ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่</p>
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 2x^5 + 5x^3 - 8$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $10x^4 + 15x^2$ 2. $10x^5 + 15x^3$ 3. $10x^6 + 15x^4$ 4. $10x^4 + 15x^2 - 8$ 5. $10x^6 + 15x^4 - 8$
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้ขบวนการของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + c$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1$ เป็นจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง $2$ ถึง $9$ และ $n_2$ เป็นจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $-2$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + c$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังลดลง $1$ ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + c$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 3x^5 + 4x^{-3} - 9$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $15x^4 - 12x^{-4}$ 2. $15x^5 - 12x^{-3}$ 3. $15x^6 - 12x^{-2}$ 4. $15x^4 - 12x^{-4} - 9$ 5. $15x^6 - 12x^{-2} - 9$
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + c$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1, n_2$ เป็นจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $-2$ และ $n_1 < n_2$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า พร้อมทั้งหาอนุพันธ์ค่าคงที่ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + c$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังลดลง $1$ ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + c$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และไม่หาอนุพันธ์ค่าคงที่
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 4x^{-5} + 5x^{-3} - 6$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $-20x^{-4} - 15x^{-2}$ 2. $-20x^{-5} - 15x^{-3}$ 3. $-20x^{-6} - 15x^{-4}$ 4. $-20x^{-4} - 15x^{-2} - 6$ 5. $-20x^{-6} - 15x^{-4} - 6$
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + cx^{n_3}$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b, c$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1, n_2, n_3$ เป็นจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง $2$ ถึง $9$ และ $n_1 > n_2 > n_3$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2} + (c)(n_3)x^{n_3}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)x^{n_3+1}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + (c)(n_3)$ โดยพจน์ที่ $1$ และพจน์ที่ $2$ ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และพจน์ที่ $3$ กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)$ โดยพจน์ที่ $1$ และพจน์ที่ $2$ ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และพจน์ที่ $3$ กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 2x^5 + 5x^3 - 3x^2$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $10x^4 + 15x^2 - 6$ 2. $10x^6 + 15x^4 - 6$ 3. $10x^4 + 15x^2 - 6x$ 4. $10x^6 + 15x^4 - 6x^3$ 5. $10x^5 + 15x^3 - 6x^2$
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + cx^{n_3}$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b, c$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1, n_2$ เป็นจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง $2$ ถึง $9$ $n_3$ เป็นจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $-2$ และ $n_1 > n_2 > n_3$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2} + (c)(n_3)x^{n_3}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)x^{n_3+1}$ โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + (c)(n_3)$ โดยพจน์ที่ $1$ และพจน์ที่ $2$ ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และพจน์ที่ $3$ กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ $(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)$ โดยพจน์ที่ $1$ และพจน์ที่ $2$ ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า และพจน์ที่ $3$ กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 5x^4 + 6x^2 - 7x^{-2}$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $20x^3 + 12x + 14$ 2. $20x^5 + 12x^3 + 14$ 3. $20x^5 + 12x^3 + 14x^{-1}$ 4. $20x^3 + 12x + 14x^{-3}$

	5. $20x^4 + 12x^2 + 14x^{-2}$
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = ax^{n_1} + bx^{n_2} + cx^{n_3}$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a \neq b \neq c$ และ $a, b, c$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ $n_1, n_2, n_3$ เป็นจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $-2$ และ $n_1 < n_2 < n_3$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลบวกหรือผลลบ
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1} + (b)(n_2)x^{n_2} + (c)(n_3)x^{n_3}</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นกำหนดให้เลขชี้กำลังมีค่าเท่าเดิม</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)x^{n_3+1}</math> โดยการนำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น 1 ค่า</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1-1} + (b)(n_2)x^{n_2-1} + (c)(n_3)</math> โดยพจน์ที่ 1 และพจน์ที่ 2 ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น 1 ค่า และพจน์ที่ 3 กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันในรูปแบบ <math>(a)(n_1)x^{n_1+1} + (b)(n_2)x^{n_2+1} + (c)(n_3)</math> โดยพจน์ที่ 1 และพจน์ที่ 2 ให้นำเลขชี้กำลังคูณกับสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปร จากนั้นปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น 1 ค่า และพจน์ที่ 3 กำหนดให้เป็นค่าคงที่ โดยนำสัมประสิทธิ์หน้าตัวแปรคูณกับเลขชี้กำลัง</p>
ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = 2x^{-4} + 4x^{-3} - 5x^{-2}$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $-8x^{-5} - 12x^{-4} + 10$ 2. $-8x^{-3} - 12x^{-2} + 10$ 3. $-8x^{-3} - 12x^{-2} + 10x^{-1}$



	4. $-8x^{-4} - 12x^{-3} + 10x^{-2}$ 5. $-8x^{-5} - 12x^{-4} + 10x^{-3}$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	อนุพันธ์
วัตถุประสงค์	คำนวณอนุพันธ์ของฟังก์ชันโดยใช้บทนิยามของอนุพันธ์หรือสูตรสำหรับการหาอนุพันธ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดฟังก์ชันให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาอนุพันธ์อันดับหนึ่ง $f(x) = (ax^{n_1} + b)(cx^{n_2} + d)$ โดยที่ $a, b, c, d$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-9$ ถึง $9$ และไม่เท่ากับ $0$ และ $a, c$ ไม่เท่ากับ $1$ และ $-1$ และ $a, b, c, d$ สามารถมีค่าเท่ากันได้ไม่เกิน $1$ คู่ $n_1, n_2$ เป็นจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง $2$ ถึง $9$ และ $n_1 \neq n_2$
ลักษณะตัวถูก	หาอนุพันธ์โดยใช้สูตรการหาอนุพันธ์ผลคูณ ในรูปแบบ $f(x) = (A)(B) \rightarrow (A) \frac{d}{dx} (B) + (B) \frac{d}{dx} (A)$ โดยที่ $A = (ax^{n_1} + b)$ และ $B = (cx^{n_2} + d)$
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันตามหลักการหาอนุพันธ์โดยใช้สูตรผลคูณ $(A) \frac{d}{dx} (B) + (B) \frac{d}{dx} (A)$ และในขั้นตอนการหาอนุพันธ์ให้ปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันตามหลักการหาอนุพันธ์ภายใต้การใช้สูตร $\frac{d}{dx} (A) + \frac{d}{dx} (B)$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันตามหลักการหาอนุพันธ์ภายใต้การใช้สูตร $\frac{d}{dx} (A) + \frac{d}{dx} (B)$ และในขั้นตอนการหาอนุพันธ์ให้ปรับค่าเลขชี้กำลังเพิ่มขึ้น $1$ ค่า <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : ดำเนินการหาอนุพันธ์กับทุกพจน์ของฟังก์ชันตามหลักการหาอนุพันธ์โดยใช้สูตรผลคูณ $(A) \frac{d}{dx} (B) + (B) \frac{d}{dx} (A)$ และในขั้นตอนการหาอนุพันธ์กำหนดให้ค่าเลขชี้กำลังคงเดิม

ตัวอย่างข้อสอบ	อนุพันธ์ของฟังก์ชัน $f(x) = (2x^2 - 5)(2x^3 + 4)$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $6x^2 + 4x$ 2. $6x^4 + 4x^3$ 3. $20x^5 - 30x^3 + 16x^2$ 4. $20x^6 - 30x^4 + 16x^3$ 5. $20x^4 - 30x^2 + 16x$
ตัวถูก	5.

## 2. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องเซต

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	บอกการเป็นสมาชิกของเซตและสับเซตได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาสับเซตทั้งหมดของเซตที่กำหนด - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก โดยกำหนดให้เซตมีจำนวนสมาชิกเท่ากับ 3 ตัว และสมาชิกเซตแต่ละตัวไม่ซ้ำกัน - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือเป็นตัวอักษร a-z
ลักษณะตัวถูก	เขียนสับเซตของเซตที่โจทย์กำหนดได้ครบทุกเซต
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนสับเซตทั้งหมดของเซต A ยกเว้นเซตว่าง ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนสับเซตทั้งหมดของเซต A ยกเว้นเซต A ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนเพาเวอร์เซตของเซต A โดยไม่มีเซตว่างเป็นสมาชิก ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนเพาเวอร์เซตของเซต A
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \{a, b, c\}$ จงหาสับเซตทั้งหมดของ A 1. $\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$ 2. $\{ \}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}$ 3. $\{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$ 4. $\{\{ \}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}$ 5. $\{ \}, \{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	บอกการเป็นสมาชิกของเซตและสับเซตได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาจำนวนสับเซตทั้งหมดของเซตที่กำหนด - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก โดยกำหนดให้เซตมีจำนวนสมาชิกเท่ากับ 5 ตัว และสมาชิกเซตแต่ละตัวไม่ซ้ำกัน - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z
ลักษณะตัวถูก	เขียนจำนวนสับเซตทั้งหมดของเซตที่โจทย์กำหนดได้ถูกต้องตามหลักการ
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนจำนวนสับเซตทั้งหมดโดยใช้สูตร $2n$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนจำนวนสับเซตทั้งหมดโดยใช้สูตร $2^{n-1}$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนจำนวนสับเซตทั้งหมดโดยใช้สูตร $2^n - 1$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนจำนวนสับเซตทั้งหมดโดยใช้สูตร $2^{n+1}$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$ จงหาจำนวนสับเซตทั้งหมดของ $A$ 1. 10 2. 16 3. 31 4. 32 5. 64
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	บอกการเป็นสมาชิกของเซตและสับเซตได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาเพาเวอร์เซตของเซตที่กำหนด - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก โดยกำหนดให้เซตมีจำนวนสมาชิกเท่ากับ 3 ตัว และสมาชิกเซตแต่ละตัวไม่ซ้ำกัน - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z
ลักษณะตัวถูก	เขียนเพาเวอร์เซตของเซตที่โจทย์กำหนดได้ถูกต้องตามหลักการ
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนสับเซตทั้งหมดของเซต $A$ ยกเว้นเซตว่าง ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนเพาเวอร์เซตของเซต $A$ โดยไม่มีเซต $A$ เป็นสมาชิก ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนเพาเวอร์เซตของเซต $A$ โดยไม่มีเซตว่างเป็นสมาชิก ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนสับเซตทั้งหมดของเซต $A$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \{3, 5, 7\}$ จงหา $P(A)$ 1. $\{3\}, \{5\}, \{7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}, \{3, 5, 7\}$ 2. $\{\{\}, \{3\}, \{5\}, \{7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}\}$ 3. $\{\{3\}, \{5\}, \{7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}, \{3, 5, 7\}\}$ 4. $\{\{\}, \{3\}, \{5\}, \{7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}, \{3, 5, 7\}\}$ 5. $\{\{\}, \{3\}, \{5\}, \{7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}, \{3, 5, 7\}\}$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	สร้างเซตใหม่ตามที่โจทย์กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซต ได้แก่ การหาผลต่างร่วมกับการหายูเนียน <ul style="list-style-type: none"> <li>- เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก จำนวน 3 เซต ที่สมาชิกภายในเซตเดียวกันไม่ซ้ำกัน โดยเซตที่ 1 มีสมาชิกทั้งหมด 5 ตัว เซตที่ 2 มีสมาชิกทั้งหมด 4 ตัว และ เซตที่ 3 มีสมาชิกทั้งหมด 3 ตัว</li> <li>- สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z</li> <li>- เซตที่ 2 เป็นสับเซตของเซตที่ 1</li> <li>- สมาชิกของเซตที่ 3 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 2 จำนวน 2 ตัว</li> </ul>
ลักษณะตัวถูก	เขียนเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซตตามที่โจทย์กำหนด
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนคำตอบของ $(B \cap C) - A$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนคำตอบของ $(B \cup C) - A$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนคำตอบของ $A - (B \cap C)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนเซต $A$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ , $B = \{2, 3, 4, 5\}$ และ $C = \{4, 5, 6\}$ จงหา $A - (B \cup C)$ 1. $\{ \}$ 2. $\{1\}$ 3. $\{6\}$ 4. $\{1, 2, 3\}$ 5. $\{1, 2, 3, 4, 5\}$
ตัวถูก	2.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	สร้างเซตใหม่ตามที่โจทย์กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซต ได้แก่ การหาผลต่างร่วมกับการหาอินเตอร์เซกต์ - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก จำนวน 3 เซต ที่สมาชิกภายในเซตเดียวกันไม่ซ้ำกัน โดยเซตที่ 1 มีสมาชิกทั้งหมด 5 ตัว เซตที่ 2 มีสมาชิกทั้งหมด 4 ตัว และ เซตที่ 3 มีสมาชิกทั้งหมด 3 ตัว - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z - เซตที่ 2 เป็นสับเซตของเซตที่ 1 - สมาชิกของเซตที่ 3 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 2 จำนวน 2 ตัว
ลักษณะตัวถูก	เขียนเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซตตามที่โจทย์กำหนด
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนคำตอบของ $(B \cap C) - A$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนคำตอบของ $A - (B \cup C)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนคำตอบของ $(B \cup C) - A$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนเซต $A$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ , $B = \{2, 3, 4, 5\}$ และ $C = \{4, 5, 6\}$ จงหา $A - (B \cap C)$ 1. $\{ \}$ 2. $\{1\}$ 3. $\{6\}$ 4. $\{1, 2, 3\}$ 5. $\{1, 2, 3, 4, 5\}$
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	สร้างเซตใหม่ตามที่โจทย์กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซต ได้แก่ การหาคอมพลีเมนต์รวมกับการหายูเนียน - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก จำนวน 3 เซต ที่สมาชิกภายในเซตเดียวกันไม่ซ้ำกัน โดยเซตที่ 1 กำหนดให้เป็นเอกภพสัมพัทธ์มีสมาชิกทั้งหมด 9 ตัว เซตที่ 2 มีสมาชิกทั้งหมด 4 ตัว และ เซตที่ 3 มีสมาชิกทั้งหมด 3 ตัว - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z - สมาชิกของเซตที่ 2 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 1 ในตำแหน่งที่ 2-5 - สมาชิกของเซตที่ 3 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 2 ในตำแหน่งที่ 1-2 และมีค่าซ้ำกับสมาชิกของเซตที่ 1 ในตำแหน่งที่ 6
ลักษณะตัวถูก	เขียนเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซตตามที่โจทย์กำหนด
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนคำตอบของ $A \cap B$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนคำตอบของ $A \cup B$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนคำตอบของ $(A \cap B)'$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนเซต $U$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , $A = \{2, 3, 4, 5\}$ และ $B = \{4, 5, 6\}$ จงหา $(A \cup B)'$ 1. $\{4, 5\}$ 2. $\{1, 7, 8, 9\}$ 3. $\{2, 3, 4, 5, 6\}$ 4. $\{1, 2, 3, 6, 7, 8, 9\}$ 5. $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
ตัวถูก	2.

เนื้อหา	เซต
วัตถุประสงค์	สร้างเซตใหม่ตามที่โจทย์กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเซตให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซต ได้แก่ การหาคอมพลีเมนต์ร่วมกับการหาอินเตอร์เซกต์ - เขียนเซตแบบแจกแจงสมาชิก จำนวน 3 เซต ที่สมาชิกภายในเซตเดียวกันไม่ซ้ำกัน โดยเซตที่ 1 กำหนดให้เป็นเอกภพสัมพัทธ์มีสมาชิกทั้งหมด 9 ตัว เซตที่ 2 มีสมาชิกทั้งหมด 4 ตัว และ เซตที่ 3 มีสมาชิกทั้งหมด 3 ตัว - สมาชิกเซตแต่ละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 หรือ เป็นตัวอักษร a-z - สมาชิกของเซตที่ 2 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 1 ในตำแหน่งที่ 2-5 - สมาชิกของเซตที่ 3 มีค่าซ้ำกับ สมาชิกของเซตที่ 2 ในตำแหน่งที่ 1-2 และมีค่าซ้ำกับสมาชิกของเซตที่ 1 ในตำแหน่งที่ 6
ลักษณะตัวถูก	เขียนเซตที่เป็นผลลัพธ์ของการดำเนินการบนเซตตามที่โจทย์กำหนด
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : เขียนคำตอบของ $A \cap B$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : เขียนคำตอบของ $(A \cup B)'$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : เขียนคำตอบของ $A \cup B$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : เขียนเซต $U$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , $A = \{2, 3, 4, 5\}$ และ $B = \{4, 5, 6\}$ จงหา $(A \cap B)'$ 1. $\{4, 5\}$ 2. $\{1, 7, 8, 9\}$ 3. $\{2, 3, 4, 5, 6\}$ 4. $\{1, 2, 3, 6, 7, 8, 9\}$ 5. $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
ตัวถูก	4.



## 3. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องสมการ

เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b = c$ โดยที่ $a, b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$ และ $a \neq 1$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรจากการคูณเป็นการหาร <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยกลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรเป็นตรงข้ามก่อนแล้วจึงแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมาย
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $9x - 3 = 5$ แล้ว $x + 3$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. 21 2. 75 3. $\frac{25}{9}$ 4. $\frac{29}{9}$ 5. $\frac{35}{9}$
ตัวถูก	5.

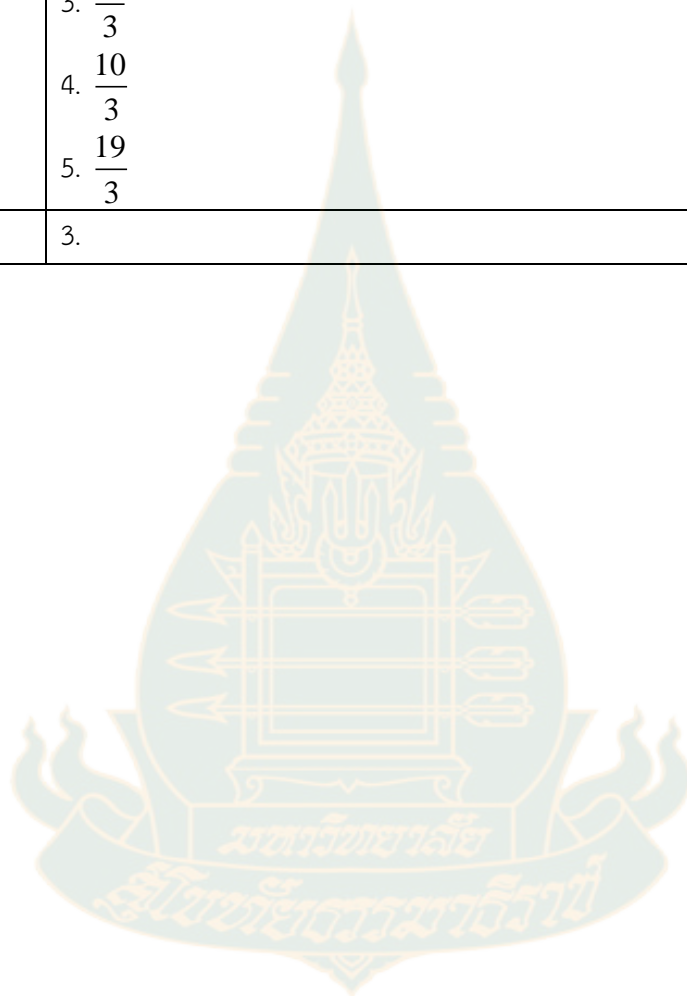
เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ตัวเลขจำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b = c$ โดยที่ $a$ เป็นเศษส่วนอย่างต่ำที่ตัวเศษเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 1 ถึง 5 และตัวส่วนเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 โดยที่ตัวเศษไม่เท่ากับตัวส่วน $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณค่าคงที่ของพจน์ด้านขวาของสมการ จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรจากการคูณเป็นการหาร <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณค่าคงที่ของพจน์ด้านขวาของสมการ จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด โดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรจากการคูณเป็นการหาร
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $\frac{3}{5}x - 5 = 9$ แล้ว $x + 3$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $\frac{29}{3}$ 2. $\frac{59}{3}$ 3. $\frac{79}{3}$ 4. 153 5. 213
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b = c + dx$ โดยที่ $a, b, c, d$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และ $a \neq b \neq c \neq d$ และ $a, b, c, d$ ไม่เท่ากับ 0 และ $a > d$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้ามเฉพาะการบวกและการลบ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการโดยกลับเฉพาะเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรเป็นตรงข้ามเท่านั้น <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการถูกต้องตามหลักการแก้สมการเฉพาะการบวกและการลบ แต่การแก้สมการเรื่องการคูณไม่เปลี่ยนเครื่องหมายเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้าม
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $5x - 3 = 4 + 2x$ แล้ว $x + 3$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. 10 2. 24 3. $\frac{10}{3}$ 4. $\frac{22}{7}$ 5. $\frac{16}{3}$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b = c + dx$ โดยที่ $a$ เป็นเศษส่วนอย่างต่ำที่ตัวเศษเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 1 ถึง 5 และตัวส่วนเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 โดยที่ตัวเศษไม่เท่ากับตัวส่วน $b, c, d$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c \neq d$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลง	ตัวลงรูปแบบที่ 1 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทั้งสมการเฉพาะพจน์ตัวแปร จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด ตัวลงรูปแบบที่ 2 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทุกพจน์ทั้งสมการ จากนั้นจึงแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้ามเฉพาะการบวกและการลบ ตัวลงรูปแบบที่ 3 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณพจน์ที่อยู่ด้านขวาของสมการทั้งสมการ ในส่วนของพจน์ที่อยู่ด้านซ้ายของสมการให้นำเลขของตัวส่วนคูณเฉพาะพจน์ตัวแปร จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด ตัวลงรูปแบบที่ 4 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณพจน์ที่อยู่ด้านขวาของสมการทั้งสมการ ในส่วนของพจน์ที่อยู่ด้านซ้ายของสมการให้นำเลขของตัวส่วนคูณเฉพาะพจน์ตัวแปร จากนั้นจึงแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้ามเฉพาะการบวกและการลบ
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $\frac{1}{2}x + 2 = -1 + 3x$ แล้ว $x + 5$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. 5 2. $\frac{28}{5}$ 3. $\frac{29}{5}$

	4. $\frac{31}{5}$ 5. $\frac{37}{7}$
ตัวถูก	4.
เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b = c + dx$ โดยที่ $a, d$ เป็นเศษส่วนอย่างต่ำที่ตัวเศษเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 1 ถึง 5 และตัวส่วนเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 โดยที่ตัวเศษไม่เท่ากับตัวส่วน และตัวส่วนของ $a, d$ มีค่าเท่ากัน และ $a \neq d$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทั้งสมการเฉพาะพจน์ตัวแปร จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทุกพจน์ทั้งสมการ จากนั้นจึงแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้ามเฉพาะการบวกและการลบ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทั้งสมการเฉพาะพจน์ตัวแปร จากนั้นจึงแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรและค่าคงที่เป็นตรงข้ามเฉพาะการบวกและการลบ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณทุกพจน์ทั้งสมการ จากนั้นจึงแก้สมการโดยไม่กลับเฉพาะเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม

ตัวอย่างข้อสอบ	<p>กำหนดให้ <math>\frac{1}{2}x + 4 = 6 - \frac{5}{2}x</math> แล้ว <math>x + 3</math> มีค่าเท่ากับข้อใด</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. -2</li> <li>2. <math>\frac{1}{2}</math></li> <li>3. <math>\frac{11}{3}</math></li> <li>4. <math>\frac{10}{3}</math></li> <li>5. <math>\frac{19}{3}</math></li> </ol>
ตัวถูก	3.



เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการควอดราติกให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการควอดราติก : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรที่มีเลขชี้กำลังเท่ากับสอง จำนวน 1 พจน์ พจน์ตัวแปรที่มีเลขชี้กำลังเท่ากับหนึ่งจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่มีค่าเท่ากับศูนย์ จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax^2 + bx + c = 0$ โดยที่ $a = 1$ , $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง $-12$ ถึง $12$ และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวถูก	<u>ตัวเลือกรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง เมื่อได้คำตอบแล้วกลับเครื่องหมายเป็นตรงข้าม <u>ตัวเลือกรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง เมื่อได้คำตอบแล้วกลับเครื่องหมายคำตอบค่าใดค่าหนึ่งเป็นตรงข้าม <u>ตัวเลือกรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยวิธีใช้สูตรและคำตอบของสมการอยู่ในรูปแบบ $-\frac{b}{2}, \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2}$ <u>ตัวเลือกรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยวิธีใช้สูตรและคำตอบของสมการอยู่ในรูปแบบ $-\frac{b}{2}, -\frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2}$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $x^2 + 3x + 2 = 0$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $-2, -1$ 2. $2, -1$ 3. $2, 1$ 4. $-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}$ 5. $-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}$
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	สมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดสมการควอดราติกให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบสมการควอดราติก : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรที่มีเลขชี้กำลังเท่ากับสอง จำนวน 1 พจน์ และพจน์ตัวแปรที่มีเลขชี้กำลังเท่ากับหนึ่งจำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่ จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax^2 + bx = -c$ โดยที่ $a = 1$ , $b$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง 2 ถึง 12, $c$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง -12 ถึง -2
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง เมื่อได้คำตอบแล้วกลับเครื่องหมายเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง เมื่อได้คำตอบแล้วกลับเครื่องหมายคำตอบค่าใดค่าหนึ่งเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยวิธีใช้สูตรและคำตอบของสมการอยู่ในรูปแบบ $-\frac{b}{2}, \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2}$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยวิธีใช้สูตรและคำตอบของสมการอยู่ในรูปแบบ $-\frac{b}{2}, -\frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2}$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $x^2 + 5x = -6$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. 3, -2 2. -3, -2 3. 3, 2 4. $-\frac{5}{2}, \frac{1}{2}$ 5. $-\frac{5}{2}, -\frac{1}{2}$
ตัวถูก	2.



## 4. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องอสมการ

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b \geq c$ โดยที่ $a$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรจากการคูณเป็นการหาร <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการ และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ให้กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ให้กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $5x + 3 \geq 9$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x \geq 30$ 2. $x \geq \frac{6}{5}$ 3. $x \leq \frac{6}{5}$ 4. $x \geq \frac{12}{5}$ 5. $x \leq \frac{12}{5}$
ตัวถูก	2.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b \geq c$ โดยที่ $a$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบในช่วง -9 ถึง -2 และ $a \neq b \neq c$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าสัมประสิทธิ์ตัวแปรจากการคูณเป็นการหาร <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการตามหลักการแก้สมการ และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ไม่กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ไม่กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $-3x + 5 \geq 6$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x \leq -3$ 2. $x \geq -\frac{1}{3}$ 3. $x \leq -\frac{1}{3}$ 4. $x \leq -\frac{11}{3}$ 5. $x \geq -\frac{11}{3}$
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b \leq c$ โดยที่ $a$ เป็นเศษส่วนอย่างต่ำที่ตัวเศษเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 1 ถึง 5 และตัวส่วนเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 โดยที่ตัวเศษไม่เท่ากับตัวส่วน $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : แก้สมการตามหลักการแก้สมการ และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ให้กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ให้กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณค่าคงที่ของพจน์ด้านขวาของสมการ จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $\frac{3}{5}x - 5 \leq 4$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x \leq 15$ 2. $x \geq 15$ 3. $x \leq -\frac{5}{3}$ 4. $x \geq -\frac{5}{3}$ 5. $x \leq \frac{25}{3}$
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามโจทย์ที่กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ax + b \leq c$ โดยที่ $a$ เป็นเศษส่วนอย่างต่ำที่ตัวเศษเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง -1 ถึง -5 และตัวส่วนเป็นเลขโดดอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 และ ไม่เท่ากับ -1 $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : แก้สมการตามหลักการแก้สมการ และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ไม่กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม และเมื่อได้คำตอบของอสมการแล้ว ไม่กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : แก้สมการโดยเริ่มจากการนำเลขของตัวส่วนคูณค่าคงที่ของพจน์ด้านขวาของสมการ จากนั้นจึงแก้สมการหาค่าตัวแปรที่กำหนด
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $-\frac{3}{2}x - 4 \leq 6$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x \leq -\frac{4}{3}$ 2. $x \geq -\frac{4}{3}$ 3. $x \geq -\frac{16}{3}$ 4. $x \geq -\frac{20}{3}$ 5. $x \leq -\frac{20}{3}$
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ อยู่ในเครื่องหมายแอมโพลูท (Absolute) ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ ax + b  < c$ โดยที่ $a$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : แก้สมการโดยรูปแบบของอสมการคิดเฉพาะค่าคงที่หลังเครื่องหมายอสมการที่เป็นค่าบวกเท่านั้น ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : แก้สมการโดยรูปแบบของอสมการคิดเฉพาะค่าคงที่หลังเครื่องหมายอสมการที่เป็นค่าบวกเท่านั้น และแก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : แก้สมการในรูปแบบ $ ax + b  > c$
ข้อสอบ	กำหนดให้ $ 2x - 3  < 7$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x < 2$ 2. $x < 5$ 3. $-2 < x < 5$ 4. $-5 < x < 2$ 5. $x > 5$ หรือ $x < -2$
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามโจทย์ที่กำหนด รูปแบบของสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ อยู่ในเครื่องหมายแอมป์โซลูท (Absolute) ด้านขวาของสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ ax + b  < c$ โดยที่ $a$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบอยู่ในช่วง -9 ถึง -2 และ $a \neq b \neq c$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : แก้สมการโดยรูปแบบของสมการคิดเฉพาะค่าคงที่หลังเครื่องหมายอสมการที่เป็นค่าบวกเท่านั้น <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : แก้สมการโดยรูปแบบของสมการคิดเฉพาะค่าคงที่หลังเครื่องหมายอสมการที่เป็นค่าบวกเท่านั้น และเมื่อได้คำตอบของสมการแล้ว ไม่กลับเครื่องหมายอสมการเป็นตรงข้าม <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : แก้สมการในรูปแบบ $ ax + b  > c$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม
ข้อสอบ	กำหนดให้ $ -2x - 4  < 6$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x > -5$ 2. $x < -5$ 3. $x < -5$ หรือ $x > 1$ 4. $-1 < x < 5$ 5. $-5 < x < 1$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	อสมการ
วัตถุประสงค์	แก้สมการที่กำหนดให้ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดอสมการเชิงเส้นตัวแปรเดียวให้มีรูปแบบดังต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าตัวแปรของอสมการตามที่โจทย์กำหนด รูปแบบอสมการเชิงเส้น : ด้านซ้ายของอสมการประกอบด้วยพจน์ตัวแปรจำนวน 1 พจน์ และพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ อยู่ในเครื่องหมายแอมป์โซลูท (Absolute) ด้านขวาของอสมการประกอบด้วยพจน์ค่าคงที่จำนวน 1 พจน์ ดังนี้ $ ax + b  > c$ โดยที่ $a$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกอยู่ในช่วง 2 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$ $b, c$ เป็นเลขจำนวนเต็มอยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และไม่เท่ากับ 0 และ $a \neq b \neq c$
ลักษณะตัวถูก	ผลลัพธ์ของการแก้สมการตามหลักการแก้สมการที่ถูกต้อง
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : แก้สมการโดยรูปแบบของอสมการคิดเฉพาะค่าคงที่หลังเครื่องหมายอสมการที่เป็นค่าบวกเท่านั้น ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : แก้สมการในรูปแบบ $ ax + b  < c$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : แก้สมการในรูปแบบ $ ax + b  < c$ โดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : แก้สมการโดยไม่กลับเครื่องหมายของค่าคงที่เป็นตรงข้าม
ข้อสอบ	กำหนดให้ $ 2x + 5  > 3$ แล้ว $x$ มีค่าเท่ากับข้อใด 1. $x > -1$ 2. $-4 < x < -1$ 3. $1 < x < 4$ 4. $x > -1$ หรือ $x < -4$ 5. $x > 4$ หรือ $x < 1$
ตัวถูก	4.

## 5. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องเรขาคณิตวิเคราะห์

เนื้อหา	ระยะห่างระหว่างจุด
วัตถุประสงค์	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจุดภาคที่ 1 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาระยะห่างระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามความยาวรัศมีของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $x_1, y_1, x_2, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และ $x_1 \neq x_2, y_1 \neq y_2$
ลักษณะตัวถูก	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
ลักษณะตัวลวง	<p>ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = \sqrt{(x_2 - y_1)^2 + (x_1 - y_2)^2}$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = (x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}$
ตัวอย่างข้อสอบ	วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด $(2, 5)$ และวงกลมนี้ผ่านจุด $(4, 6)$ จงหาความยาวรัศมีของวงกลมวงนี้ <ol style="list-style-type: none"> <li>1. 5</li> <li>2. <math>\sqrt{5}</math></li> <li>3. <math>\sqrt{17}</math></li> <li>4. 157</li> <li>5. <math>\sqrt{157}</math></li> </ol>
ตัวถูก	2.



เนื้อหา	ระยะห่างระหว่างจุด
วัตถุประสงค์	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจุดภาคที่ 2 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาระยะห่างระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามความยาวรัศมีของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $y_1, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และ $y_1 \neq y_2$ $x_1, x_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบที่อยู่ในช่วง -9 ถึง -1 และ $x_1 \neq x_2$
ลักษณะตัวถูก	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = \sqrt{(x_2 - y_1)^2 + (x_1 - y_2)^2}$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = (x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}$
ตัวอย่างข้อสอบ	วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด $(-2, 5)$ และวงกลมนี้ผ่านจุด $(-4, 6)$ จงหาความยาวรัศมีของวงกลมวงนี้ 1. 5 2. $\sqrt{5}$ 3. $\sqrt{145}$ 4. 157 5. $\sqrt{157}$
ตัวถูก	2.

เนื้อหา	ระยะห่างระหว่างจุด
วัตถุประสงค์	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจุดภาคที่ 4 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาระยะห่างระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $x_1, x_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และ $x_1 \neq x_2$ $y_1, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบที่อยู่ในช่วง -9 ถึง -1 และ $y_1 \neq y_2$
ลักษณะตัวถูก	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $d = \left(\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}\right) \times 2$
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร $d = \left(\sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}\right) \times 2$
ตัวอย่างข้อสอบ	วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด $(3, -5)$ และวงกลมนี้ผ่านจุด $(4, -6)$ จงหาความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลมวงนี้ 1. 2 2. $\sqrt{2}$ 3. $2\sqrt{2}$ 4. $\sqrt{170}$ 5. $2\sqrt{170}$
ตัวถูก	3.

เนื้อหา	ระยะห่างระหว่างจุด
วัตถุประสงค์	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนระนาบที่ 3 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาระยะห่างระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $x_1, y_1, x_2, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบที่อยู่ในช่วง -9 ถึง -1 และ $x_1 \neq x_2, y_1 \neq y_2$
ลักษณะตัวถูก	หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $d = \left( \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \right) \times 2$
ลักษณะตัวลวง	<p>ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2}$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาระยะห่างระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $d = \left( \sqrt{(x_2 + x_1)^2 + (y_2 + y_1)^2} \right) \times 2$
ตัวอย่างข้อสอบ	<p>วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด <math>(-2, -8)</math> และวงกลมนี้ผ่านจุด <math>(-4, -5)</math> จงหาความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลมวงนี้</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>13</li> <li><math>\sqrt{13}</math></li> <li><math>\sqrt{205}</math></li> <li><math>2\sqrt{13}</math></li> <li><math>2\sqrt{205}</math></li> </ol>
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	จุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุด
วัตถุประสงค์	หาพิกัดของจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจุดภาคที่ 1 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถ้ามจุดศูนย์กลางของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $x_1, y_1, x_2, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และ $x_1 \neq x_2, y_1 \neq y_2$
ลักษณะตัวถูก	หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $M = \left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$
ลักษณะตัวลวง	<p>ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left( \frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2} \right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left( \frac{x_1 + y_1}{2}, \frac{x_2 + y_2}{2} \right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left( \frac{x_1 - y_1}{2}, \frac{x_2 - y_2}{2} \right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left( \frac{x_1 + y_2}{2}, \frac{x_2 + y_1}{2} \right)$
ตัวอย่างข้อสอบ	<p>กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด <math>(2, 5)</math> และจุด <math>(4, 6)</math> จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><math>\left( -1, -\frac{1}{2} \right)</math></li> <li><math>\left( \frac{7}{2}, 5 \right)</math></li> <li><math>\left( -\frac{3}{2}, -1 \right)</math></li> <li><math>\left( 4, \frac{9}{2} \right)</math></li> </ol>

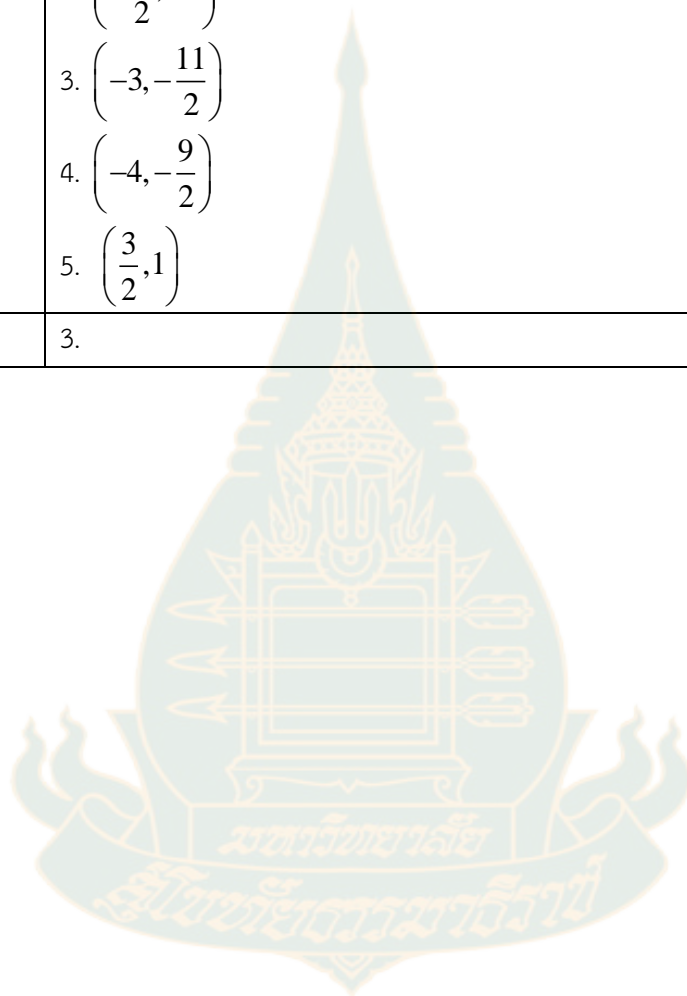
	5. $\left(3, \frac{11}{2}\right)$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	จุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุด
วัตถุประสงค์	หาพิกัดของจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจตุภาคที่ 2 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามจุดศูนย์กลางของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $y_1, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และ $y_1 \neq y_2$ $x_1, x_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบที่อยู่ในช่วง -9 ถึง -1 และ $x_1 \neq x_2$
ลักษณะตัวถูก	หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2}\right)$ <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 + y_1}{2}, \frac{x_2 + y_2}{2}\right)$ <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 - y_1}{2}, \frac{x_2 - y_2}{2}\right)$ <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 + y_2}{2}, \frac{x_2 + y_1}{2}\right)$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด $(-2, 5)$ และจุด $(-4, 6)$ จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้ 1. $\left(1, -\frac{1}{2}\right)$

	2. $\left(\frac{3}{2}, 1\right)$ 3. $\left(-\frac{7}{2}, -5\right)$ 4. $\left(-3, \frac{11}{2}\right)$ 5. $\left(2, \frac{1}{2}\right)$
ตัวถูก	4.

เนื้อหา	จุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุด
วัตถุประสงค์	หาพิกัดของจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดบนระนาบได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดพิกัดของจุดจำนวน 2 จุด ที่อยู่บนจุดภาคที่ 3 ในรูปแบบของโจทย์ปัญหาเรื่องวงกลม แล้วให้หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดดังกล่าว โดยการถามจุดศูนย์กลางของวงกลม และกำหนดให้จุดสองจุดข้างต้นอยู่ในรูปแบบ $P(x_1, y_1)$ และ $Q(x_2, y_2)$ โดยที่ $x_1, y_1, x_2, y_2$ เป็นเลขจำนวนเต็มลบที่อยู่ในช่วง -9 ถึง -1 และ $x_1 \neq x_2, y_1 \neq y_2$
ลักษณะตัวถูก	หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตรคำนวณ $M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$
ลักษณะตัวลวง	<p>ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 - x_2}{2}, \frac{y_1 - y_2}{2}\right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 + y_1}{2}, \frac{x_2 + y_2}{2}\right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 - y_1}{2}, \frac{x_2 - y_2}{2}\right)$ <p>ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาจุดกึ่งกลางระหว่างจุดสองจุดตามสูตร</p> $M = \left(\frac{x_1 + y_2}{2}, \frac{x_2 + y_1}{2}\right)$

ตัวอย่างข้อสอบ	<p>กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด <math>(-2, -5)</math> และจุด <math>(-4, -6)</math> จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>\left(1, \frac{1}{2}\right)</math></li> <li>2. <math>\left(-\frac{7}{2}, -5\right)</math></li> <li>3. <math>\left(-3, -\frac{11}{2}\right)</math></li> <li>4. <math>\left(-4, -\frac{9}{2}\right)</math></li> <li>5. <math>\left(\frac{3}{2}, 1\right)</math></li> </ol>
ตัวถูก	3.

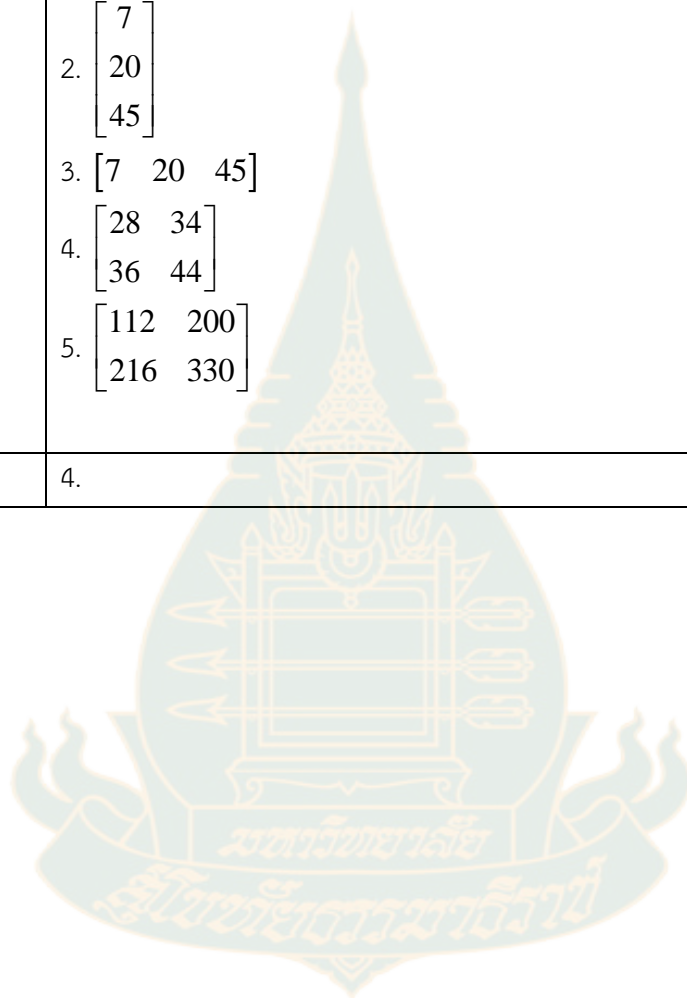


### 6. ลักษณะเฉพาะของข้อสอบ : เรื่องเมทริกซ์และดีเทอร์มิแนนต์

เนื้อหา	เมทริกซ์
วัตถุประสงค์	คุณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์จำนวน 2 เมทริกซ์ ให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาผลคูณของเมทริกซ์ที่กำหนด - เมทริกซ์ลำดับที่ 1 เป็นเมทริกซ์ขนาด $2 \times 3$ และเมทริกซ์ลำดับที่ 2 เป็นเมทริกซ์ขนาด $3 \times 2$ โดยแต่ละเมทริกซ์มีสมาชิกละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 และสมาชิกที่อยู่ในแถวอนเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และสมาชิกที่อยู่ในแถวตั้งเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน
ลักษณะตัวถูก	หาผลคูณของเมทริกซ์ตามหลักการคูณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : หาคำตอบโดยการนำสมาชิกแถวอนที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัวจับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวตั้งที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่ และนำสมาชิกแถวอนที่ 2 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัว จับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวตั้งที่ 2 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : หาคำตอบโดยการนำสมาชิกแถวตั้งที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัวจับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวอนที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่ ดำเนินการคูณเมทริกซ์ดังรูปแบบข้างต้นไปจนครบจำนวนแถวตั้งทุกแถวของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 และครบจำนวนแถวอนทุกแถวของเมทริกซ์ลำดับที่ 2</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : หาคำตอบโดยดำเนินการในรูปแบบเดียวกับตัวลวงรูปแบบที่ 2 แต่เมื่อได้ผลลัพธ์การคูณของเมทริกซ์แล้วให้ทรานส์โพสเมทริกซ์อีกครั้งหนึ่ง</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : หาคำตอบตามหลักการคูณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์ แต่ให้ดำเนินการเปลี่ยนสูตรการคำนวณ จากการหาผลบวกของผลคูณสมาชิกของเมทริกซ์ตามตำแหน่งต่าง ๆ เป็นการหาผลคูณของผลบวกแทน</p>

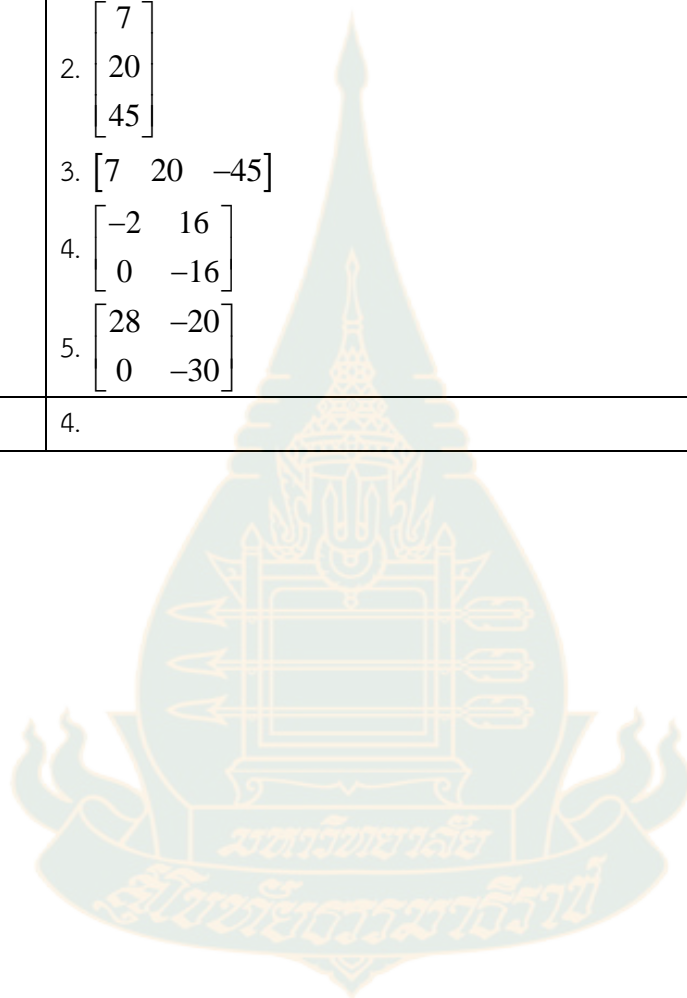


ตัวอย่างข้อสอบ	<p>กำหนดให้ <math>A = \begin{bmatrix} 1 &amp; 3 &amp; 5 \\ 2 &amp; 4 &amp; 6 \end{bmatrix}</math>, <math>B = \begin{bmatrix} 1 &amp; 3 \\ 4 &amp; 2 \\ 3 &amp; 5 \end{bmatrix}</math> จงหาค่า <math>AB</math></p> <p>1. <math>\begin{bmatrix} 28 \\ 44 \end{bmatrix}</math></p> <p>2. <math>\begin{bmatrix} 7 \\ 20 \\ 45 \end{bmatrix}</math></p> <p>3. <math>[7 \ 20 \ 45]</math></p> <p>4. <math>\begin{bmatrix} 28 &amp; 34 \\ 36 &amp; 44 \end{bmatrix}</math></p> <p>5. <math>\begin{bmatrix} 112 &amp; 200 \\ 216 &amp; 330 \end{bmatrix}</math></p>
ตัวถูก	4.



เนื้อหา	เมทริกซ์
วัตถุประสงค์	คูณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์จำนวน 2 เมทริกซ์ ให้อยู่ในเงื่อนไขต่อไปนี้ แล้วให้หาผลคูณของเมทริกซ์ที่กำหนด - เมทริกซ์ลำดับที่ 1 เป็นเมทริกซ์ขนาด $2 \times 3$ และเมทริกซ์ลำดับที่ 2 เป็นเมทริกซ์ขนาด $3 \times 2$ โดยแต่ละเมทริกซ์มีสมาชิกละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง -9 ถึง 9 และสมาชิกที่อยู่ในแถวอนเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และสมาชิกที่อยู่ในแถวตั้งเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และแต่ละเมทริกซ์ต้องมีสมาชิกที่เป็นจำนวนเต็มลบจำนวน 3 ตัว
ลักษณะตัวถูก	หาผลคูณของเมทริกซ์ตามหลักการคูณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : หาคำตอบโดยการนำสมาชิกแถวอนที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัวจับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวตั้งที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่ และนำสมาชิกแถวอนที่ 2 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัว จับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวตั้งที่ 2 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : หาคำตอบโดยการนำสมาชิกแถวตั้งที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 ทุกตัวจับคู่หาผลคูณตามตำแหน่งกับ สมาชิกแถวอนที่ 1 ของเมทริกซ์ลำดับที่ 2 ทุกตัว แล้วหาผลรวมของผลคูณทุกคู่ ดำเนินการคูณเมทริกซ์ดังรูปแบบข้างต้นไปจนครบจำนวนแถวตั้งทุกแถวของเมทริกซ์ลำดับที่ 1 และครบจำนวนแถวอนทุกแถวของเมทริกซ์ลำดับที่ 2</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : หาคำตอบโดยดำเนินการในรูปแบบเดียวกับตัวลวงรูปแบบที่ 2 แต่เมื่อได้ผลลัพธ์การคูณของเมทริกซ์แล้วให้ทรานสโพสเมทริกซ์อีกครั้งหนึ่ง</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : หาคำตอบตามหลักการคูณเมทริกซ์ด้วยเมทริกซ์ แต่ให้ดำเนินการเปลี่ยนสูตรการคำนวณ จากการหาผลบวกของผลคูณสมาชิกของเมทริกซ์ตามตำแหน่งต่าง ๆ เป็นการหาผลคูณของผลบวกแทน</p>

ตัวอย่างข้อสอบ	<p>กำหนดให้ <math>A = \begin{bmatrix} -1 &amp; 3 &amp; -5 \\ 2 &amp; -4 &amp; 6 \end{bmatrix}</math>, <math>B = \begin{bmatrix} -1 &amp; 3 \\ 4 &amp; -2 \\ 3 &amp; -5 \end{bmatrix}</math> จงหาค่า <math>AB</math></p> <p>1. <math>\begin{bmatrix} -2 \\ -16 \end{bmatrix}</math></p> <p>2. <math>\begin{bmatrix} 7 \\ 20 \\ 45 \end{bmatrix}</math></p> <p>3. <math>[7 \ 20 \ -45]</math></p> <p>4. <math>\begin{bmatrix} -2 &amp; 16 \\ 0 &amp; -16 \end{bmatrix}</math></p> <p>5. <math>\begin{bmatrix} 28 &amp; -20 \\ 0 &amp; -30 \end{bmatrix}</math></p>
ตัวถูก	4.



เนื้อหา	เมทริกซ์
วัตถุประสงค์	บวกเมทริกซ์และคูณเมทริกซ์ด้วยสเกลาร์ได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์จำนวน 2 เมทริกซ์ ให้อยู่ในรูปแบบต่อไปนี้ แล้วให้หาคำตอบของ $2A + B'$ $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} \\ b_{21} & b_{22} \\ b_{31} & b_{32} \end{bmatrix}$ <p>- เมทริกซ์ลำดับที่ 1 เป็นเมทริกซ์ขนาด <math>2 \times 3</math> และเมทริกซ์ลำดับที่ 2 เป็นเมทริกซ์ขนาด <math>3 \times 2</math> โดยแต่ละเมทริกซ์มีสมาชิกละตัวเป็นเลขจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 และสมาชิกที่อยู่ในแถวอนเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และสมาชิกที่อยู่ในแถวตั้งเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน</p>
ลักษณะตัวถูก	หาคำตอบของ $2A + B'$ ตามหลักการของเมทริกซ์
ลักษณะตัวลวง	<p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : หาคำตอบตามหลักการของเมทริกซ์ เมื่อได้คำตอบแล้วให้สลับสมาชิกในแถวอนที่ 1 เป็นแถวอนที่ 2 และสมาชิกแถวอนที่ 2 เป็นแถวอนที่ 1</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : หาคำตอบโดยการนำค่าสเกลาร์คูณกับเมทริกซ์ <math>A</math> แล้วนำค่าเมทริกซ์ที่ได้ไปบวกกับเมทริกซ์ <math>B'</math> แต่ทรานสโพสเมทริกซ์ <math>B</math> ผิดหลักการด้วยการเปลี่ยนสมาชิกแถวตั้งที่ 2 เป็นสมาชิกแถวอนที่ 1 และเปลี่ยนสมาชิกแถวตั้งที่ 1 เป็นสมาชิกแถวอนที่ 2</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : หาคำตอบโดยการนำค่าสเกลาร์คูณกับเมทริกซ์ <math>A</math> แล้วนำค่าเมทริกซ์ที่ได้ไปบวกกับเมทริกซ์ <math>B'</math> แต่ทรานสโพสเมทริกซ์ <math>B</math> ผิดหลักการด้วยการเปลี่ยนสมาชิกแถวตั้งที่ 1 เป็นสมาชิกแถวอนที่ 1 และเปลี่ยนสมาชิกแถวตั้งที่ 2 เป็นสมาชิกแถวอนที่ 2</p> <p><u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : หาคำตอบโดยการนำค่าสเกลาร์คูณกับเมทริกซ์ <math>A</math> และเมทริกซ์ <math>B'</math> ก่อน จากนั้นจึงหาคำตอบตามหลักการบวกของเมทริกซ์</p>
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & 5 \end{bmatrix}$ , $B = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 4 \\ 2 & 6 \end{bmatrix}$ จงหาค่า $2A + B'$ 1. $\begin{bmatrix} 11 & 10 & 16 \\ 3 & 9 & 8 \end{bmatrix}$

	2. $\begin{bmatrix} 5 & 8 & 12 \\ 9 & 11 & 12 \end{bmatrix}$ 3. $\begin{bmatrix} 4 & 9 & 7 \\ 14 & 10 & 13 \end{bmatrix}$ 4. $\begin{bmatrix} 4 & 14 & 10 \\ 14 & 14 & 22 \end{bmatrix}$ 5. $\begin{bmatrix} 3 & 9 & 8 \\ 11 & 10 & 16 \end{bmatrix}$
ตัวถูก	5.

เนื้อหา	ดีเทอร์มิแนนต์
วัตถุประสงค์	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์จัตุรัสขนาดต่างๆได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ จำนวน 1 เมทริกซ์ ให้อยู่ในรูปแบบต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ที่กำหนด $A = \begin{bmatrix} a & d \\ c & b \end{bmatrix}$ โดย เมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ ที่กำหนด ต้องมีสมาชิกทุกตัวเป็นจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 1 ถึง 9 และมีค่าไม่เท่ากัน
ลักษณะตัวถูก	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ ตามหลักการหาค่าดีเทอร์มิแนนต์
ลักษณะตัวลวง	<u>ตัวลวงรูปแบบที่ 1</u> : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $cd - ab$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 2</u> : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ac + db$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 3</u> : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ab + cd$ <u>ตัวลวงรูปแบบที่ 4</u> : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ac - db$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}$ จงหาค่า $ A $ 1. 4 2. -4 3. 20 4. 50 5. -46
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	ดีเทอร์มิแนนต์
วัตถุประสงค์	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์จัตุรัสขนาดต่างๆได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ จำนวน 1 เมทริกซ์ ให้อยู่ในรูปแบบต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ที่กำหนด $A = \begin{bmatrix} a & d \\ c & b \end{bmatrix}$ โดย เมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ ที่กำหนด ต้องมีสมาชิกทุกตัวเป็นจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง $-9$ ถึง $0$ และมีค่าไม่เท่ากัน
ลักษณะตัวถูก	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $2 \times 2$ ตามหลักการหาค่าดีเทอร์มิแนนต์
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $cd - ab$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ac + db$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ab + cd$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 : หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $ac - db$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \begin{bmatrix} -3 & -7 \\ -2 & -5 \end{bmatrix}$ จงหาค่า $ A $ 1. 1 2. -1 3. 41 4. -29 5. 29
ตัวถูก	1.

เนื้อหา	ดีเทอร์มิแนนต์
วัตถุประสงค์	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์จัตุรัสขนาดต่างๆได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ จำนวน 1 เมทริกซ์ ให้อยู่ในรูปแบบต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ที่กำหนด $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$ <p>โดย เมทริกซ์ขนาด <math>3 \times 3</math> ที่กำหนด ต้องมีสมาชิกทุกตัวเป็นจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง 0 ถึง 9 และสมาชิกที่อยู่ในแถวอนเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และสมาชิกที่อยู่ในแถวตั้งเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน</p>
ลักษณะตัวถูก	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ ตามหลักการหาค่าดีเทอร์มิแนนต์
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfg + cdh) + (gec + hfa + idb)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(gec + hfa + idb) - (aei + bfg + cdh)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfh + cei) - (gec + hfb + iec)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfh + cei) + (gec + hfb + iec)$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 1 & 3 & 5 \\ 3 & 1 & 4 \end{bmatrix}$ จงหาค่า $ A $ 1. -10 2. 10 3. 262 4. -30 5. 170
ตัวถูก	2.

เนื้อหา	ดีเทอร์มิแนนต์
วัตถุประสงค์	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์จัตุรัสขนาดต่างๆได้
ระดับพฤติกรรม	ความเข้าใจ
ลักษณะคำถาม	กำหนดเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ จำนวน 1 เมทริกซ์ ให้อยู่ในรูปแบบต่อไปนี้ แล้วให้หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ที่กำหนด $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$ <p>โดย เมทริกซ์ขนาด <math>3 \times 3</math> ที่กำหนด ต้องมีสมาชิกทุกตัวเป็นจำนวนเต็มที่อยู่ในช่วง <math>-9</math> ถึง <math>9</math> และสมาชิกที่อยู่ในแถวอนเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และสมาชิกที่อยู่ในแถวตั้งเดียวกันจะมีค่าไม่เท่ากัน และต้องมีสมาชิกเป็นจำนวนเต็มลบจำนวน 5 ตัว</p>
ลักษณะตัวถูก	หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ของเมทริกซ์ขนาด $3 \times 3$ ตามหลักการหาค่าดีเทอร์มิแนนต์
ลักษณะตัวลวง	ตัวลวงรูปแบบที่ 1 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfg + cdh) + (gec + hfa + idb)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 2 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(gec + hfa + idb) - (aei + bfg + cdh)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 3 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfh + cei) - (gec + hfb + iec)$ ตัวลวงรูปแบบที่ 4 :หาค่าดีเทอร์มิแนนต์ในรูปแบบ $(aei + bfh + cei) + (gec + hfb + iec)$
ตัวอย่างข้อสอบ	กำหนดให้ $A = \begin{bmatrix} -2 & 4 & -6 \\ 1 & -3 & 5 \\ -3 & 1 & -4 \end{bmatrix}$ จงหาค่า $ A $ 1. 10 2. -10 3. 30 4. -262 5. -170
ตัวถูก	2.



ภาคผนวก ข : ข้อสอบที่สร้างจากระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติที่พัฒนาขึ้น  
(ข้อสอบคู่ขนาน) จำนวน 42 ข้อ

1. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 5x^3 - 7x^2 + 3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $15x^2 - 14x$  (ตัวถูก)

2.  $15x^3 - 14x^2$

3.  $15x^4 - 14x^3$

4.  $15x^2 - 14x + 3$

5.  $15x^4 - 14x^3 + 3$

2. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 3x^4 - 8x^{-2} - 6$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $12x^3 + 16x^{-3}$  (ตัวถูก)

2.  $12x^4 + 16x^{-2}$

3.  $12x^5 + 16x^{-1}$

4.  $12x^3 + 16x^{-3} - 6$

5.  $12x^5 + 16x^{-1} - 6$

3. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 2x^{-7} + 6x^{-5} - 1$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $-14x^{-6} - 30x^{-4}$

2.  $-14x^{-7} - 30x^{-5}$

3.  $-14x^{-8} - 30x^{-6}$  (ตัวถูก)

4.  $-14x^{-6} - 30x^{-4} - 1$

5.  $-14x^{-8} - 30x^{-6} - 1$

4. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 6x^7 + 9x^4 + 4x^3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $42x^6 + 36x^3 + 12$

2.  $42x^8 + 36x^5 + 12$

3.  $42x^6 + 36x^3 + 12x^2$  (ตัวถูก)

4.  $42x^8 + 36x^5 + 12x^4$

5.  $42x^7 + 36x^4 - 12x^3$

5. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 2x^8 + 5x^5 + 7x^{-3}$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $16x^7 + 25x^4 - 21$

2.  $16x^9 + 25x^6 - 21$

3.  $16x^9 + 25x^6 - 21x^{-2}$

4.  $16x^7 + 25x^4 - 21x^{-4}$  (ตัวถูก)

5.  $16x^8 + 25x^5 - 21x^{-3}$

6. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = 5x^{-7} - 4x^{-3} + 7x^{-2}$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $-35x^{-8} + 12x^{-4} - 14$

2.  $-35x^{-6} + 12x^{-2} - 14$

3.  $-35x^{-6} + 12x^{-2} - 14x^{-1}$

4.  $-35x^{-7} + 12x^{-3} - 14x^{-2}$

5.  $-35x^{-8} + 12x^{-4} - 14x^{-3}$  (ตัวถูก)

7. อนุพันธ์ของฟังก์ชัน  $f(x) = (5x^3 + 2)(3x^6 + 6)$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $15x^2 + 18x^5$
2.  $15x^4 + 18x^7$
3.  $135x^9 + 36x^6 + 90x^3$
4.  $135x^{10} + 36x^7 + 90x^4$
5.  $135x^8 + 36x^5 + 90x^2$  (ตัวถูก)

8. กำหนดให้  $M = \{3, 5, 8\}$  จงหาสับเซตทั้งหมดของ  $M$

1.  $\{3\}, \{5\}, \{8\}, \{3, 5\}, \{3, 8\}, \{5, 8\}, \{3, 5, 8\}$
2.  $\{ \}, \{3\}, \{5\}, \{8\}, \{3, 5\}, \{3, 8\}, \{5, 8\}$
3.  $\{\{3\}, \{5\}, \{8\}, \{3, 5\}, \{3, 8\}, \{5, 8\}, \{3, 5, 8\}\}$
4.  $\{\{ \}, \{3\}, \{5\}, \{8\}, \{3, 5\}, \{3, 8\}, \{5, 8\}, \{3, 5, 8\}\}$
5.  $\{ \}, \{3\}, \{5\}, \{8\}, \{3, 5\}, \{3, 8\}, \{5, 8\}, \{3, 5, 8\}$  (ตัวถูก)

9. กำหนดให้  $A = \{a, c, o, p, s\}$  จงหาจำนวนสับเซตทั้งหมดของ  $A$

1. 10
2. 16
3. 31
4. 32 (ตัวถูก)
5. 64

10. กำหนดให้  $Q = \{c, m, w\}$  จงหา  $P(Q)$

1.  $\{c\}, \{m\}, \{w\}, \{c, m\}, \{c, w\}, \{m, w\}, \{c, m, w\}$
2.  $\{ \}, \{c\}, \{m\}, \{w\}, \{c, m\}, \{c, w\}, \{m, w\}$
3.  $\{\{c\}, \{m\}, \{w\}, \{c, m\}, \{c, w\}, \{m, w\}, \{c, m, w\}\}$
4.  $\{\{ \}, \{c\}, \{m\}, \{w\}, \{c, m\}, \{c, w\}, \{m, w\}, \{c, m, w\}\}$  (ตัวถูก)
5.  $\{ \}, \{c\}, \{m\}, \{w\}, \{c, m\}, \{c, w\}, \{m, w\}, \{c, m, w\}$

11. กำหนดให้  $A = \{4, 5, 7, 8, 9\}$ ,  $B = \{5, 7, 8, 9\}$  และ  $C = \{3, 8, 9\}$  จงหา  $A - (B \cup C)$

1.  $\{ \}$
2.  $\{4\}$  (ตัวถูก)
3.  $\{3\}$
4.  $\{4, 5, 7\}$
5.  $\{4, 5, 7, 8, 9\}$

12. กำหนดให้  $A = \{4, 5, 7, 8, 9\}$ ,  $B = \{5, 7, 8, 9\}$  และ  $C = \{3, 8, 9\}$  จงหา  $A - (B \cap C)$

1.  $\{ \}$
2.  $\{4\}$
3.  $\{3\}$
4.  $\{4, 5, 7\}$  (ตัวถูก)
5.  $\{4, 5, 7, 8, 9\}$

13. กำหนดให้  $U = \{b, e, f, h, k, l, o, s, t\}$ ,  $A = \{e, f, h, k\}$  และ  $B = \{h, k, l\}$  จงหา  $(A \cup B)'$

1.  $\{h, k\}$
2.  $\{b, o, s, t\}$  (ตัวถูก)
3.  $\{e, f, h, k, l\}$
4.  $\{b, e, f, l, o, s, t\}$
5.  $\{b, e, f, h, k, l, o, s, t\}$

14. กำหนดให้  $U = \{b, e, f, h, k, l, o, s, t\}$ ,  $A = \{e, f, h, k\}$  และ  $B = \{h, k, l\}$  จงหา  $(A \cap B)'$

1.  $\{h, k\}$
2.  $\{b, o, s, t\}$
3.  $\{e, f, h, k, l\}$
4.  $\{b, e, f, l, o, s, t\}$  (ตัวถูก)
5.  $\{b, e, f, h, k, l, o, s, t\}$

15. กำหนดให้  $7x + 4 = 9$  แล้ว  $x + 3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $\frac{26}{7}$  (ตัวถูก)
2.  $\frac{8}{7}$
3. 38
4. 94
5.  $\frac{34}{7}$

16. กำหนดให้  $\frac{2}{7}x+3=4$  แล้ว  $x+3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $\frac{55}{2}$

2.  $\frac{31}{2}$

3. 17

4. 53

5.  $\frac{13}{2}$  (ตัวถูก)

17. กำหนดให้  $6x+7=8+2x$  แล้ว  $x+3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $\frac{39}{8}$

2.  $\frac{24}{3}$

3.  $\frac{13}{4}$  (ตัวถูก)

4. 7

5. 123

18. กำหนดให้  $\frac{2}{3}x+9=3+\frac{5}{2}x$  แล้ว  $x+3$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1. 9 (ตัวถูก)

2. 5

3.  $\frac{57}{7}$

4.  $\frac{33}{7}$

5. -12

19. กำหนดให้  $\frac{1}{5}x+4=2+6x$  แล้ว  $x+5$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $\frac{147}{29}$

2.  $\frac{155}{29}$  (ตัวถูก)

3.  $\frac{139}{29}$

4.  $\frac{185}{31}$

5.  $\frac{169}{31}$

20. กำหนดให้  $x^2+6x+8=0$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $-4, -2$  (ตัวถูก)

2.  $4, 2$

3.  $4, -2$

4.  $-3, 1$

5.  $-3, -1$

21. กำหนดให้  $x^2+8x=-12$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $6, -2$

2.  $6, 2$

3.  $-6, -2$  (ตัวถูก)

4.  $-4, 4$

5.  $-4, -4$

22. กำหนดให้  $7x+8 \geq 3$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $x \geq -\frac{5}{7}$  (ตัวถูก)

2.  $x \geq -35$

3.  $x \leq -\frac{5}{7}$

4.  $x \geq \frac{11}{7}$

5.  $x \leq \frac{11}{7}$

23. กำหนดให้  $-5x+3 \geq 2$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $x \leq 5$

2.  $x \leq -1$

3.  $x \leq \frac{1}{5}$  (ตัวถูก)

4.  $x \geq \frac{1}{5}$

5.  $x \geq -1$

24. กำหนดให้  $\frac{4}{3}x-9 \leq 6$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $x \leq \frac{27}{4}$

2.  $x \geq -\frac{9}{4}$

3.  $x \leq -\frac{9}{4}$

4.  $x \leq \frac{45}{4}$  (ตัวถูก)



$$5. x \geq \frac{45}{4}$$

25. กำหนดให้  $-\frac{7}{4}x+7 \leq 3$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

$$1. x \geq \frac{16}{7} \text{ (ตัวถูก)}$$

$$2. x \leq \frac{16}{7}$$

$$3. x \geq -\frac{40}{7}$$

$$4. x \leq -\frac{40}{7}$$

$$5. x \geq -\frac{5}{7}$$

26. กำหนดให้  $|3x+5| < 9$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

$$1. x < \frac{14}{3}$$

$$2. x < \frac{4}{3}$$

$$3. x > \frac{4}{3} \text{ หรือ } x < -\frac{14}{3}$$

$$4. -\frac{14}{3} < x < \frac{4}{3} \text{ (ตัวถูก)}$$

$$5. -\frac{4}{3} < x < \frac{14}{3}$$

27. กำหนดให้  $|-4x+8| < 6$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $x > \frac{1}{2}$

2.  $x < \frac{1}{2}$

3.  $\frac{1}{2} < x < \frac{7}{2}$  (ตัวถูก)

4.  $-\frac{7}{2} < x < -\frac{1}{2}$

5.  $x < \frac{1}{2}$  หรือ  $x > \frac{7}{2}$

28. กำหนดให้  $|9x+2| > 7$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่ากับข้อใด

1.  $x > \frac{5}{9}$

2.  $-1 < x < \frac{5}{9}$

3.  $x > \frac{5}{9}$  หรือ  $x < -1$  (ตัวถูก)

4.  $x > 1$  หรือ  $x < -\frac{5}{9}$

5.  $-\frac{5}{9} < x < 1$

29. วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด  $(4,7)$  และวงกลมนี้ผ่านจุด  $(6,9)$  จงหาความยาวรัศมีของวงกลมวงนี้

1. 8
2.  $\sqrt{8}$  (ตัวถูก)
3.  $\sqrt{28}$
4. 356
5.  $\sqrt{356}$

30. วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด  $(-5,8)$  และวงกลมนี้ผ่านจุด  $(-1,5)$  จงหาความยาวรัศมีของวงกลมวงนี้

1. 5 (ตัวถูก)
2. 25
3.  $\sqrt{181}$
4. 205
5.  $\sqrt{205}$

31. วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด  $(2,-6)$  และวงกลมนี้ผ่านจุด  $(1,-3)$  จงหาความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลมวงนี้

1. 10
2.  $\sqrt{10}$
3.  $2\sqrt{10}$  (ตัวถูก)
4.  $\sqrt{90}$
5.  $2\sqrt{90}$

32. วงกลมวงหนึ่งมีจุดศูนย์กลางที่จุด  $(-3, -8)$  และวงกลมนี้ผ่านจุด  $(-7, -4)$  จงหาความยาวเส้นผ่านศูนย์กลางของวงกลมวงนี้

1. 32

2.  $\sqrt{32}$

3.  $2\sqrt{32}$  (ตัวถูก)

4.  $\sqrt{244}$

5.  $2\sqrt{244}$

33. กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด  $(4, 7)$  และจุด  $(2, 9)$  จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้

1.  $(3, 8)$  (ตัวถูก)

2.  $(1, -1)$

3.  $\left(\frac{11}{2}, \frac{11}{2}\right)$

4.  $\left(-\frac{3}{2}, -\frac{7}{2}\right)$

5.  $\left(\frac{13}{2}, \frac{9}{2}\right)$

34. กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด  $(-1, 6)$  และจุด  $(-7, 4)$  จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้

1.  $(-4, 5)$  (ตัวถูก)

2.  $(3, 1)$

3.  $\left(\frac{5}{2}, -\frac{3}{2}\right)$

4.  $\left(-\frac{7}{2}, -\frac{11}{2}\right)$

5.  $\left(\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}\right)$

35. กำหนดให้วงกลมวงหนึ่งมีจุดปลายของเส้นผ่านศูนย์กลางอยู่ที่จุด  $(-3, -8)$  และจุด  $(-5, -2)$  จงหาจุดศูนย์กลางของวงกลมวงนี้

1.  $(-4, -5)$  (ตัวถูก)

2.  $(1, -3)$

3.  $\left(-\frac{11}{2}, -\frac{7}{2}\right)$

4.  $\left(\frac{5}{2}, -\frac{3}{2}\right)$

5.  $\left(-\frac{5}{2}, -\frac{13}{2}\right)$

36. กำหนดให้  $M = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 0 \\ 5 & 7 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $N = \begin{bmatrix} 4 & 9 \\ 2 & 3 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $MN$

1.  $\begin{bmatrix} 16 \\ 71 \end{bmatrix}$

2.  $\begin{bmatrix} 57 \\ 25 \\ 5 \end{bmatrix}$

3.  $[57 \ 25 \ 5]$

4.  $\begin{bmatrix} 16 & 33 \\ 35 & 71 \end{bmatrix}$  (ตัวถูก)

5.  $\begin{bmatrix} 28 & 300 \\ 162 & 840 \end{bmatrix}$

37. กำหนดให้  $P = \begin{bmatrix} -3 & 7 & -6 \\ 2 & 1 & -4 \end{bmatrix}$ ,  $Q = \begin{bmatrix} 8 & -2 \\ -5 & 7 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $PQ$

1.  $\begin{bmatrix} -53 \\ -13 \end{bmatrix}$

2.  $\begin{bmatrix} -28 \\ -28 \\ -10 \end{bmatrix}$

3.  $[-28 \quad -28 \quad -10]$

4.  $\begin{bmatrix} -70 & 140 \\ 200 & 0 \end{bmatrix}$

5.  $\begin{bmatrix} -53 & 31 \\ 15 & -13 \end{bmatrix}$  (ตัวถูก)

38. กำหนดให้  $J = \begin{bmatrix} 2 & 6 & 7 \\ 1 & 3 & 8 \end{bmatrix}$ ,  $K = \begin{bmatrix} 5 & 7 \\ 0 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $2J + K'$

1.  $\begin{bmatrix} 9 & 12 & 18 \\ 9 & 8 & 19 \end{bmatrix}$  (ตัวถูก)

2.  $\begin{bmatrix} 11 & 14 & 17 \\ 7 & 6 & 20 \end{bmatrix}$

3.  $\begin{bmatrix} 8 & 12 & 19 \\ 5 & 8 & 23 \end{bmatrix}$

4.  $\begin{bmatrix} 9 & 8 & 19 \\ 9 & 12 & 18 \end{bmatrix}$

5.  $\begin{bmatrix} 14 & 12 & 22 \\ 16 & 10 & 22 \end{bmatrix}$

39. กำหนดให้  $C = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 8 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $|C|$

1. 2

2. 12 (ตัวถูก)

3. -12

4. 36

5. 34

40. กำหนดให้  $G = \begin{bmatrix} -7 & -5 \\ -3 & -2 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $|G|$

1. -1 (ตัวถูก)

2. 1

3. 11

4. 29

5. 31

41. กำหนดให้  $S = \begin{bmatrix} 4 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \\ 7 & 5 & 4 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $|S|$

1. 0

2. -5

3. 10

4. 21 (ตัวถูก)

5. 85

42. กำหนดให้  $B = \begin{bmatrix} -4 & 5 & -7 \\ 0 & -2 & 3 \\ -1 & 4 & -6 \end{bmatrix}$  จงหาค่า  $|B|$

1. 1

2. -29(ตัวถูก)

3. -34

4. -110

5. -153





## ภาคผนวก ค : แบบประเมินคุณภาพโมเดลข้อสอบ

### แบบประเมินคุณภาพโมเดลข้อสอบ

#### คำชี้แจง

แบบประเมินคุณภาพโมเดลข้อสอบโดยผู้เชี่ยวชาญเป็นแบบประเมินคุณภาพของโมเดลข้อสอบที่ผู้วิจัยได้สร้างขึ้นจากข้อสอบต้นแบบโดยมีเนื้อหาของชุดวิชาคณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี หลักสูตรวิทยาศาสตร์บัณฑิต (เทคโนโลยีสารสนเทศและการสื่อสาร) มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช ซึ่งมีประเด็นพิจารณาความสอดคล้องของเนื้อหาโมเดลข้อสอบทั้งสิ้น 5 ประเด็นดังนี้

1) ความสอดคล้องระหว่างประเภทของโมเดลข้อสอบตามหลักการของ Gierl et al. (2008) ที่กำหนดกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น เป็นการประเมินว่าโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้นจัดอยู่ในประเภทของโมเดลข้อสอบตามหลักการของ Gierl et al. (2008) ตามที่กำหนดไว้หรือไม่

2) ความสอดคล้องระหว่างเนื้อหาของข้อสอบต้นแบบ กับเนื้อหาของโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น วัดเนื้อหาเดียวกันหรือไม่

3) ความสอดคล้องระหว่างวัตถุประสงค์การเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น สร้างจากวัตถุประสงค์การเรียนรู้เดียวกันหรือไม่

4) ความสอดคล้องระหว่างระดับพฤติกรรมการเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น สร้างจากระดับพฤติกรรมการเรียนรู้เดียวกันหรือไม่

5) ความสอดคล้องระหว่างความยากของข้อสอบต้นแบบ กับความยากของโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น มีความยากเท่าเทียมหรือใกล้เคียงกันหรือไม่

#### วิธีการประเมิน

1. ให้ท่านพิจารณาข้อมูลโมเดลข้อสอบที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น ร่วมกับข้อมูลข้อสอบต้นแบบ และข้อมูลประเภทของโมเดลข้อสอบตามหลักการของ Gierl et al. (2008) จากเอกสารที่ท่านได้รับ

2. ดำเนินการประเมินตามประเด็นต่างๆ ทั้ง 5 ประเด็นดังกล่าว ลงในแบบประเมินตามความคิดเห็นของท่าน จนครบตามจำนวนโมเดลข้อสอบที่ท่านได้รับ

3. เมื่อท่านดำเนินการประเมินเสร็จสิ้นแล้วผู้วิจัยใคร่ขอความอนุเคราะห์จากท่านส่งแบบประเมินกลับมายังผู้วิจัย

### แบบประเมินคุณภาพโมเดลข้อสอบข้อที่ 1-42

โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับระดับความคิดเห็นของท่าน โดยมีเกณฑ์การให้คะแนน ดังนี้

-1 หมายถึง ไม่สอดคล้อง : 0 หมายถึง ไม่แน่ใจ : 1 หมายถึง สอดคล้อง

ประเด็นพิจารณาความสอดคล้อง	ระดับความคิดเห็น			ข้อเสนอแนะ
	-1	0	1	
1) ความสอดคล้องระหว่างประเภทของโมเดลข้อสอบตามหลักการของ Gierl et al. (2008) ที่กำหนดกับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น				
2) ความสอดคล้องระหว่างเนื้อหาของข้อสอบต้นแบบ กับเนื้อหาของโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น				
3) ความสอดคล้องระหว่างวัตถุประสงค์การเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น				
4) ความสอดคล้องระหว่างระดับพฤติกรรมการเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น				
5) ความสอดคล้องระหว่างความยากของข้อสอบต้นแบบ กับความยากของโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น				



**ภาคผนวก ง : แบบประเมินคุณภาพระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ สำหรับผู้เชี่ยวชาญ**

**แบบประเมินคุณภาพระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีสร้างข้อสอบ  
อัตโนมัติ (สำหรับผู้เชี่ยวชาญ)**

**คำชี้แจง**

แบบประเมินคุณภาพของระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ มีลักษณะเป็นมาตราประมาณค่า 5 ระดับ และมีประเด็นการประเมินคุณภาพของระบบทั้งสิ้นจำนวน 4 ด้าน ได้แก่ 1) การออกแบบระบบ 2) การทำงานของระบบ 3) การใช้งานระบบ และ 4) คู่มือการใช้งานระบบ

โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับระดับความคิดเห็นของท่าน โดยมีเกณฑ์การให้คะแนน ดังนี้

- 5 หมายถึง ระบบมีคุณภาพในระดับมากที่สุด
- 4 หมายถึง ระบบมีคุณภาพในระดับมาก
- 3 หมายถึง ระบบมีคุณภาพในระดับปานกลาง
- 2 หมายถึง ระบบมีคุณภาพในระดับน้อย
- 1 หมายถึง ระบบมีคุณภาพในระดับน้อยที่สุด

ข้อที่	รายการประเมิน	ระดับคุณภาพ				
		5	4	3	2	1
<b>1. การออกแบบระบบ</b>						
1.1	ทุกฟังก์ชันการทำงานของระบบ ถูกออกแบบให้สามารถรองรับ หรือสนับสนุนการสร้างข้อสอบคู่ขนานอัตโนมัติได้ ตามหลักการสร้างโมเดลข้อสอบและการสร้างข้อสอบอัตโนมัติของ Girel, Zhou, and Alves (2008)					
1.2	ระบบถูกออกแบบให้สามารถรองรับการกำหนดสิทธิ์ผู้ใช้งานได้ตามบทบาทของผู้ใช้งานระบบ					

ข้อที่	รายการประเมิน	ระดับคุณภาพ				
		5	4	3	2	1
1.3	การออกแบบการเข้าสู่ระบบสามารถป้องกันผู้ที่ไม่เกี่ยวข้องเข้าสู่ระบบได้					
1.4	ส่วนติดต่อกับผู้ใช้งานสามารถออกแบบได้สอดคล้องกับรูปแบบข้อมูลที่ต้องการบันทึกหรือแสดงผล					
1.5	การออกแบบหน้าจอของระบบในภาพรวมมีความเหมาะสมต่อการใช้งาน					
1.6	การออกแบบการแจ้งเตือนเนื่องจากการใช้งานระบบที่ผิดพลาด ช่วยให้ผู้ใช้งานสามารถใช้งานระบบได้อย่างถูกต้อง					
1.7	รูปแบบผลลัพธ์ของระบบมีความสะดวกต่อการนำไปใช้งาน					
<b>2. การทำงานของระบบ</b>						
2.1	การเข้าสู่ระบบสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					
2.2	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งานสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					
2.3	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชาสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					
2.4	ฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					
2.5	ฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					
2.6	ฟังก์ชันสร้างข้อสอบคุุขนานสามารถทำงานได้ตามรูปแบบที่ออกแบบไว้ใน Use Case Diagram					

ข้อที่	รายการประเมิน	ระดับคุณภาพ				
		5	4	3	2	1
2.7	ระบบสามารถสร้างข้อสอบได้ตามโมเดลข้อสอบที่กำหนด					
2.8	ระบบสามารถสร้างข้อสอบได้ครบถ้วนตามจำนวนข้อที่กำหนดไว้ในแต่ละโมเดลข้อสอบ					
2.9	การทำงานของระบบในภาพรวมมีความเสถียร					
<b>3. การใช้งานระบบ</b>						
3.1	การเข้าสู่ระบบสามารถทำได้สะดวกและราบรื่น					
3.2	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งานสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
3.3	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชาสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
3.4	ฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
3.5	ฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
3.6	ฟังก์ชันสร้างข้อสอบคู่ขนานสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
<b>4. คู่มือการใช้งานระบบ</b>						
4.1	คู่มือการใช้งานระบบใช้ภาษาที่เข้าใจง่าย					
4.2	คู่มือการใช้งานระบบมีภาพประกอบวิธีการใช้งานที่ชัดเจน					
4.3	คู่มือการใช้งานระบบแสดงวิธีการใช้งานอย่างมีลำดับขั้นตอน					
4.4	หลังจากผู้ใช้งานศึกษาคู่มือการใช้งานแล้ว คาดว่า จะสามารถใช้งานระบบได้อย่างถูกต้อง					



ภาคผนวก จ : แบบประเมินการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ สำหรับผู้ใช้งาน

แบบประเมินการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีสร้างข้อสอบ  
อัตโนมัติ (สำหรับผู้ใช้งาน)

**คำชี้แจง**

แบบประเมินการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ มีลักษณะเป็นมาตราประมาณค่า 5 ระดับ และมีประเด็นการประเมินการใช้งานระบบ จำนวน 2 ด้าน ได้แก่ 1) การใช้งานระบบ และ 2) คู่มือการใช้งานระบบ

โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับระดับความคิดเห็นของท่าน โดยมีเกณฑ์การให้คะแนน ดังนี้

- 5 หมายถึง เห็นด้วยในระดับมากที่สุด
- 4 หมายถึง เห็นด้วยในระดับมาก
- 3 หมายถึง เห็นด้วยในระดับปานกลาง
- 2 หมายถึง เห็นด้วยในระดับน้อย
- 1 หมายถึง เห็นด้วยในระดับน้อยที่สุด

ข้อที่	รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
		5	4	3	2	1
<b>1. การใช้งานระบบ</b>						
1.1	การเข้าสู่ระบบสามารถทำได้สะดวกและราบรื่น					
1.2	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งานสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
1.3	ฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชาสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
1.4	ฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					



ข้อที่	รายการประเมิน	ระดับความคิดเห็น				
		5	4	3	2	1
1.5	ฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
1.6	ฟังก์ชันสร้างข้อสอบคู่ขนานสามารถใช้งานได้สะดวกและราบรื่น					
<b>2. คู่มือการใช้งานระบบ</b>						
2.1	คู่มือการใช้งานระบบใช้ภาษาที่เข้าใจง่าย					
2.2	คู่มือการใช้งานระบบมีภาพประกอบวิธีการใช้งานที่ชัดเจน					
2.3	คู่มือการใช้งานระบบแสดงวิธีการใช้งานอย่างมีลำดับขั้นตอน					
2.4	หลังจากผู้ใช้งานศึกษาคู่มือการใช้งานแล้ว คาดว่า จะสามารถใช้งานระบบได้อย่างถูกต้อง					

ข้อเสนอแนะเพิ่มเติม

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ลงชื่อ.....ผู้ประเมิน

(.....)

ผู้วิจัยขอขอบพระคุณท่านผู้ใช้งานเป็นอย่างสูงที่ให้ความอนุเคราะห์ในการประเมินการใช้งานของระบบในครั้งนี้

อาจารย์ ดร.รัชกฤษ ธนพัฒน์ (หัวหน้าโครงการวิจัย)

## ภาคผนวก ฉ : แบบประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบ แบบประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบ

### คำชี้แจง

แบบประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบโดยผู้เชี่ยวชาญเป็นแบบประเมินความเป็นคู่ขนานระหว่างข้อสอบต้นแบบ จำนวน 42 ข้อ กับข้อสอบที่สร้างขึ้นจากระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติสำหรับการศึกษาระดับมัธยมศึกษาตอนต้น (ระบบคอมพิวเตอร์ที่ผู้วิจัยพัฒนาขึ้น) โดยสุ่มสร้างมาโมเดลข้อสอบละ 1 ข้อ รวมทั้งสิ้นจำนวน 42 ข้อ เนื้อหาของข้อสอบทั้ง 2 ฉบับ คือเนื้อหาของชุดวิชาคณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี หลักสูตรวิทยาศาสตร์บัณฑิต (เทคโนโลยีสารสนเทศและการสื่อสาร) มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช ซึ่งมีประเด็นประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบทั้ง 2 ฉบับดังกล่าว ทั้งสิ้น 4 ประเด็นดังนี้

1) ความสอดคล้องระหว่างเนื้อหาของข้อสอบต้นแบบ กับเนื้อหาของข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นวัดเนื้อหาเดียวกันหรือไม่

2) ความสอดคล้องระหว่างวัตถุประสงค์การเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นสร้างจากวัตถุประสงค์การเรียนรู้เดียวกันหรือไม่

3) ความสอดคล้องระหว่างระดับพฤติกรรมการเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นสร้างจากระดับพฤติกรรมการเรียนรู้เดียวกันหรือไม่

4) ความสอดคล้องระหว่างความยากของข้อสอบต้นแบบ กับความยากของข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น เป็นการประเมินว่าข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นมีความยากเท่าเทียมหรือใกล้เคียงกันหรือไม่

### วิธีการประเมิน

1. ให้ท่านพิจารณาเนื้อหาข้อสอบทั้ง 2 ฉบับ ที่ท่านได้รับ
2. ดำเนินการประเมินตามประเด็นต่างๆ ทั้ง 4 ประเด็นดังกล่าวข้างต้นลงในแบบประเมินตามความคิดเห็นของท่าน
3. เมื่อท่านดำเนินการประเมินเสร็จสิ้นแล้วผู้วิจัยใคร่ขอความอนุเคราะห์จากท่านส่งแบบประเมินกลับมายังผู้วิจัย

แบบประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบข้อที่ 1-42

โปรดทำเครื่องหมาย ✓ ลงในช่องที่ตรงกับระดับความคิดเห็นของท่าน โดยมีเกณฑ์การให้คะแนน ดังนี้

-1 หมายถึง ไม่สอดคล้อง : 0 หมายถึง ไม่แน่ใจ : 1 หมายถึง สอดคล้อง

ประเด็นพิจารณาความสอดคล้อง	ระดับความคิดเห็น			ข้อเสนอแนะ
	-1	0	1	
1) ความสอดคล้องระหว่างเนื้อหาของข้อสอบต้นแบบ กับเนื้อหาของข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น				
2) ความสอดคล้องระหว่างวัตถุประสงค์การเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น				
3) ความสอดคล้องระหว่างระดับพฤติกรรมการเรียนรู้ที่นำมาสร้างข้อสอบต้นแบบ กับข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น				
4) ความสอดคล้องระหว่างความยากของข้อสอบต้นแบบ กับความยากของข้อสอบที่สร้างจากระบบคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้น				

ข้อเสนอแนะเพิ่มเติม

.....

.....

.....

ลงชื่อ.....ผู้ประเมิน  
(.....)

ขอขอบคุณท่านผู้เชี่ยวชาญเป็นอย่างสูงที่ให้ความอนุเคราะห์ในการประเมินความเป็นคู่ขนานของข้อสอบในครั้งนี้  
อาจารย์ ดร.รัชกฤษ ธนพัฒน์ดล (หัวหน้าโครงการวิจัย)

### ภาคผนวก ข : รายชื่อผู้เชี่ยวชาญ

#### รายชื่อผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบคุณภาพแบบประเมินที่ใช้ในงานวิจัย

1. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ศจี จิระโร  
ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
2. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ณรงค์ ทีปประชัย  
ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
3. อาจารย์ ดร. สุพรรณษา หลังประเสริฐ  
ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช

#### รายชื่อผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบคุณภาพข้อสอบต้นแบบ

1. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ปิยะทิพย์ ประดุงพรม  
ภาควิชาวิจัยและจิตวิทยาประยุกต์ คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา
2. อาจารย์ ดร. จันทราภา พูลสนอง  
หมวดวิชาศึกษาทั่วไป สำนักวิชาการ มหาวิทยาลัยอีสเทิร์นเอเซีย
3. อาจารย์ ดร. ฉัตรชัย พุฒิรุ่งโรจน์  
แขนงวิชาหลักสูตรและการสอน วิชาเอกคณิตศาสตร์ สาขาวิชาศึกษาศาสตร์  
มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช

#### รายชื่อผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบคุณภาพโมเดลข้อสอบและตรวจสอบความเป็นคู่ขนานของข้อสอบ

1. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ปิยะทิพย์ ประดุงพรม  
ภาควิชาวิจัยและจิตวิทยาประยุกต์ คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา
2. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ปุริมปรัชญ์ คณินพศุทธิ์  
ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
3. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ภิรมย์ คงเลิศ  
แขนงวิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ สาขาวิชาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช

รายชื่อผู้เชี่ยวชาญตรวจสอบคุณภาพระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีการสร้างข้อสอบอัตโนมัติสำหรับการศึกษาทางไกล

1. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ดวงเพ็ญ เจตน์พิพัฒนพงษ์  
ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์
2. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ธัญสินี เล่าสั้ม  
ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
3. ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ภิรมย์ คงเลิศ  
แขนงวิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ สาขาวิชาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
4. ดร. อภิเชษฐ์ ยาใจ  
นักวิชาการคอมพิวเตอร์ปฏิบัติการ ฝ่ายปฏิบัติการประมวลผล สำนักคอมพิวเตอร์  
มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช
5. คุณอดิศร กันสุข  
วิศวกรนวัตกรรมประยุกต์ แผนกการวิจัยและพัฒนานวัตกรรม บริษัท กสิกร แล็บส์ จำกัด  
(บริษัทในเครือธนาคารกสิกรไทย)

ภาคผนวก ซ : คู่มือการใช้งานระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ  
โดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ

## คู่มือการใช้งาน

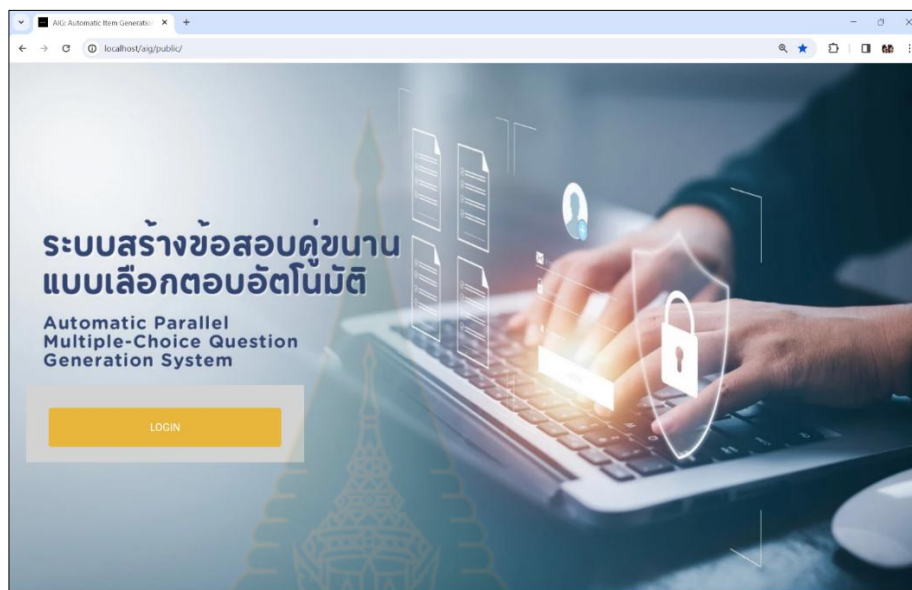
ระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีสร้างข้อสอบอัตโนมัติ



## 1. การเข้าสู่ระบบ

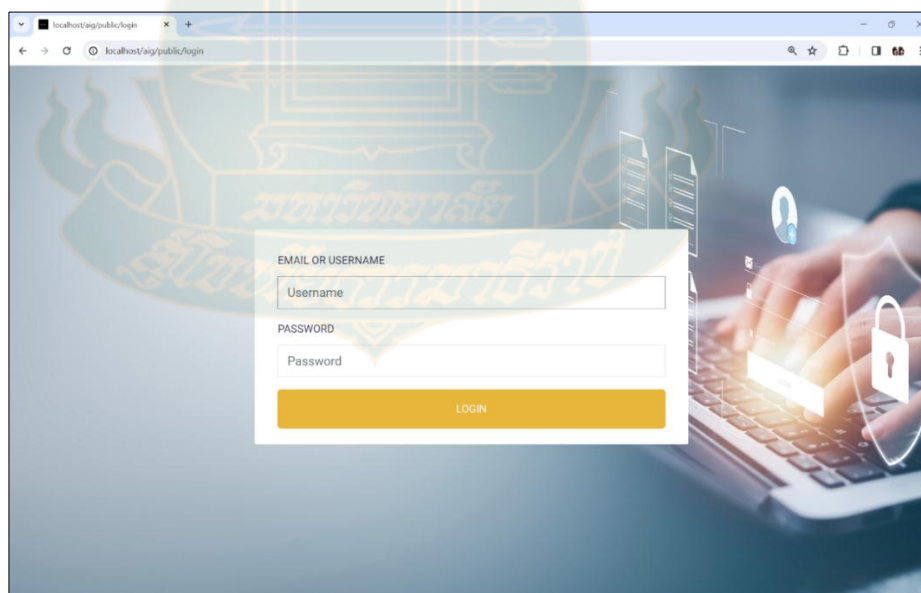
การเข้าสู่ระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติ สามารถดำเนินการได้ดังนี้

1.1 พิมพ์ URL <http://localhost/aig/public/> จะปรากฏหน้าจอตั้งภาพที่ 1



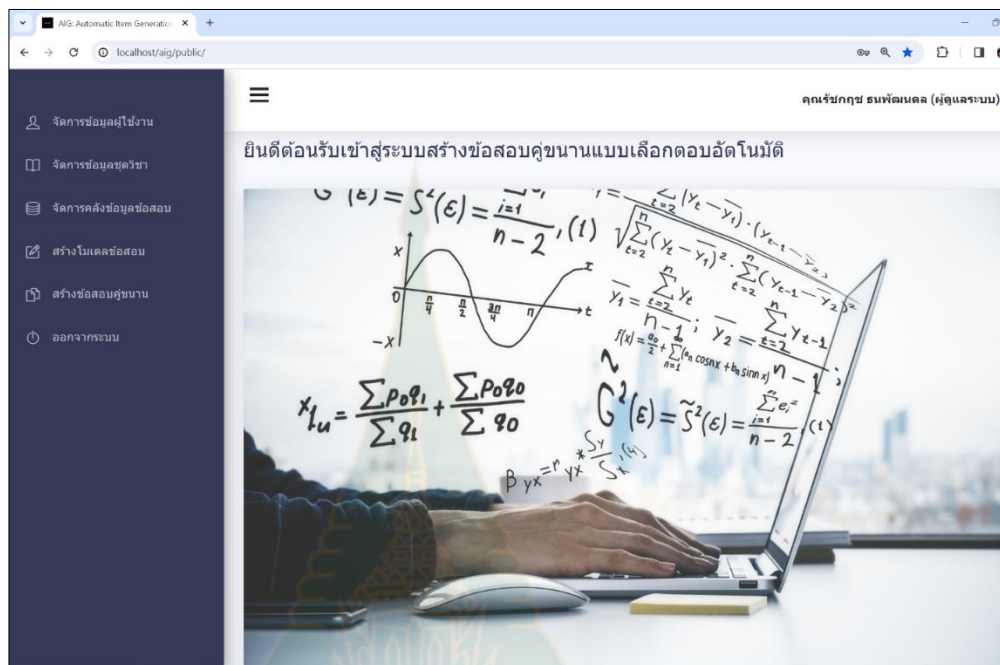
ภาพที่ 1 หน้าจอแรกของระบบ

1.2 จากภาพที่ 1 คลิกปุ่ม LOGIN จะปรากฏหน้าจอตั้งภาพที่ 2



ภาพที่ 2 หน้าจอเข้าสู่ระบบ

1.3 จากภาพที่ 2 พิมพ์ Username และ Password ที่ได้รับลงในช่องหมายเลข 2 และ 3 และคลิกปุ่ม LOGIN อีกครั้งจะปรากฏหน้าจอหลักของระบบดังภาพที่ 3

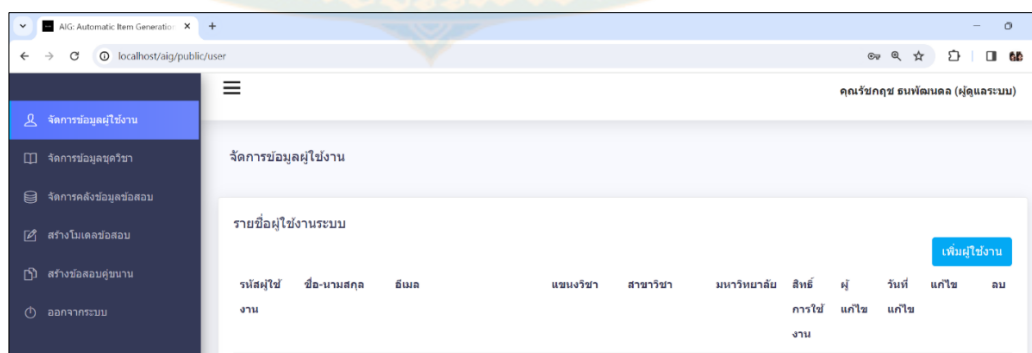


ภาพที่ 3 หน้าจอหลักของระบบ

## 2. การใช้งานฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งาน

ฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งาน ใช้สำหรับ เพิ่ม/ลบ/แก้ไข ข้อมูลที่จำเป็นต่าง ๆ ของผู้ใช้งาน รวมทั้งใช้สร้างรหัสผู้ใช้ และรหัสผ่าน เพื่อเข้าใช้งานระบบ โดยการใช้นฟังก์ชันจัดการข้อมูลผู้ใช้งานดังกล่าว สามารถดำเนินการได้ดังนี้

2.1 คลิกเลือกเมนู **จัดการข้อมูลผู้ใช้งาน** ในแถบเมนูฟังก์ชันการทำงานของระบบที่หน้าจอหลัก จะปรากฏหน้าจอ **จัดการข้อมูลผู้ใช้งาน** ดังภาพที่ 4



ภาพที่ 4 หน้าจอจัดการข้อมูลผู้ใช้งาน



2.2 จากภาพที่ 4 คลิกปุ่ม **เพิ่มผู้ใช้งาน** จะปรากฏหน้าจอ ให้กรอกข้อมูลผู้ใช้งาน ดังภาพที่ 5

The screenshot shows a web browser window with the URL 'localhost/aig/public/user/create'. The page title is 'เพิ่มผู้ใช้งาน'. On the left, there is a dark sidebar with menu items: 'จัดการข้อมูลผู้ใช้งาน', 'จัดการข้อมูลครูวิชา', 'จัดการคลังข้อมูลสอน', 'สร้างโมเดลข้อสอบ', 'สร้างข้อสอบสุ่มแบบ', and 'ออกจากระบบ'. The main content area contains a form with the following fields and labels:

- ชื่อ \* (Name)
- นามสกุล \* (Surname)
- อีเมล \* (Email, containing 'name@example.com')
- แซงงวิชา \* (Subject)
- สาขาวิชา \* (Department)
- มหาวิทยาลัย \* (University)
- สิทธิ์การใช้งาน \* (Role, dropdown menu showing 'ผู้ใช้งาน')
- รหัสผู้ใช้งาน \* (Username)
- รหัสผ่าน \* (Password)
- ยืนยันรหัสผ่าน \* (Confirm Password)

A blue button labeled 'เพิ่มผู้ใช้งาน' is located at the bottom of the form.

ภาพที่ 5 หน้าจอกรอกข้อมูลผู้ใช้งาน

2.3 จากภาพที่ 5 กรอกข้อมูลผู้ใช้งานให้ครบทุกช่อง และคลิกปุ่ม **เพิ่มผู้ใช้งาน** จะปรากฏหน้าจอ แสดงรายการข้อมูลผู้ใช้งานระบบ ดังภาพที่ 6

รหัสผู้ใช้	ชื่อ-นามสกุล	อีเมล	แขนงวิชา	สาขาวิชา	มหาวิทยาลัย	สิทธิ์	ผู้	วันที่	แก้ไข	ลบ
ratchakit	รัชกฤษ ธนพัฒน์ ศล	tonyscouteratcha@gmail.com	ศูนย์วิชาการ ประเมินผล	สำนักประเมิน และวัดผล	สุโขทัยธรรมาธิราช	admin	รัชกฤษ ธน	15- 01- พฤษภาคม 2024 ศล		
Pirom	ผู้ช่วย ศาสตราจารย์ ภิรมย์ คงเสิศ	Pirom.Kon@stou.ac.th	วิทยาศาสตร์ และเทคโนโลยี	วิทยาศาสตร์และ เทคโนโลยี	สุโขทัยธรรมาธิราช	user	รัชกฤษ ธน	15- 01- พฤษภาคม 2024 ศล		
dusangpenj	ผู้ช่วย ศาสตราจารย์ ดร. ดวงเพ็ญ เจตน์ พิพัฒน์พงษ์	fengdpg@ku.ac.th	วิศวกรรม คอมพิวเตอร์	วิศวกรรมศาสตร์ คอมพิวเตอร์	เกษตรศาสตร์	user	รัชกฤษ ธน	15- 01- พฤษภาคม 2024 ศล		

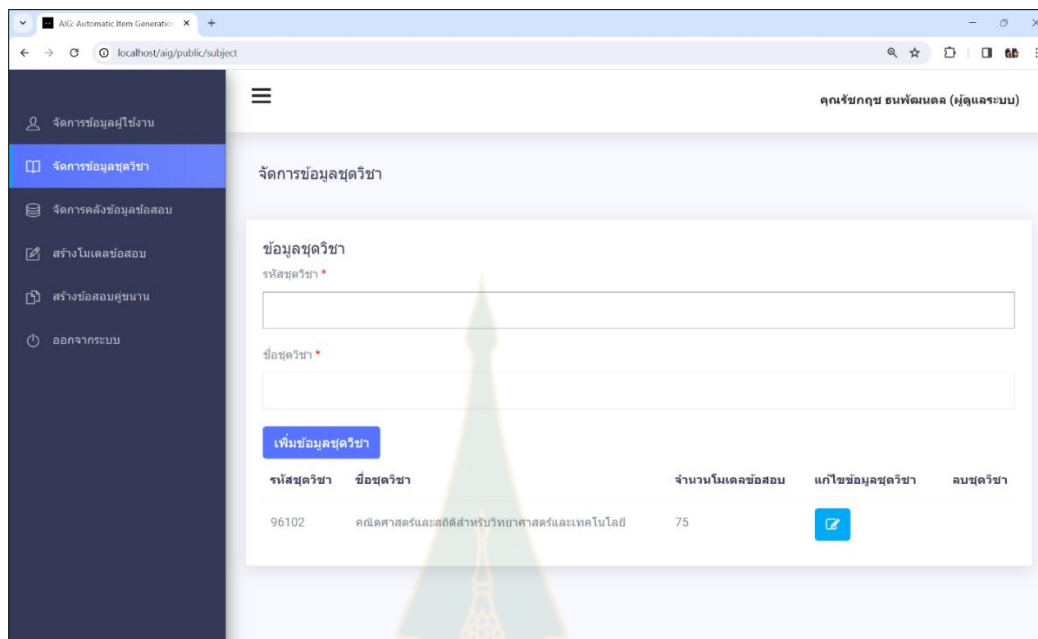
### ภาพที่ 6 หน้าจอแสดงรายการข้อมูลผู้ใช้งานระบบ

2.3 จากภาพที่ 6 หากต้องการแก้ไขข้อมูล ผู้ใช้งานที่ได้บันทึกข้อมูลไว้ในระบบแล้ว ให้คลิกที่ปุ่มแก้ไข ระบบก็จะแสดงหน้าจอดังภาพที่ 5 อีกครั้ง เพื่อให้ผู้ดูแลระบบได้ทำการแก้ไขข้อมูลผู้ใช้งาน หรือหากผู้ดูแลระบบต้องการลบข้อมูลผู้ใช้งานก็สามารถคลิกที่ปุ่ม ลบ ระบบก็จะแสดงหน้าต่างสอบถามความมั่นใจว่าต้องการจะลบข้อมูลผู้ใช้งานหรือไม่ ถ้ามั่นใจให้ คลิกปุ่ม ตกลง

### 3. การใช้งานฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชา

ฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชา ใช้สำหรับ เพิ่ม/ลบ/แก้ไข ข้อมูลชุดวิชาต่าง ๆ ที่ต้องการนำมาสร้างโมเดลข้อสอบ หรือสร้างข้อสอบคู่ขนาน โดยการใ้ใช้งานฟังก์ชันจัดการข้อมูลชุดวิชาดังกล่าว สามารถดำเนินการได้ดังนี้

3.1 คลิกเลือกเมนู **จัดการข้อมูลชุดวิชา** ในแถบเมนูฟังก์ชันการทำงานของระบบ ที่หน้าจอหลักจะปรากฏหน้าจอ **จัดการข้อมูลชุดวิชา** ดังภาพที่ 7



ภาพที่ 7 หน้าจอจัดการข้อมูลชุดวิชา

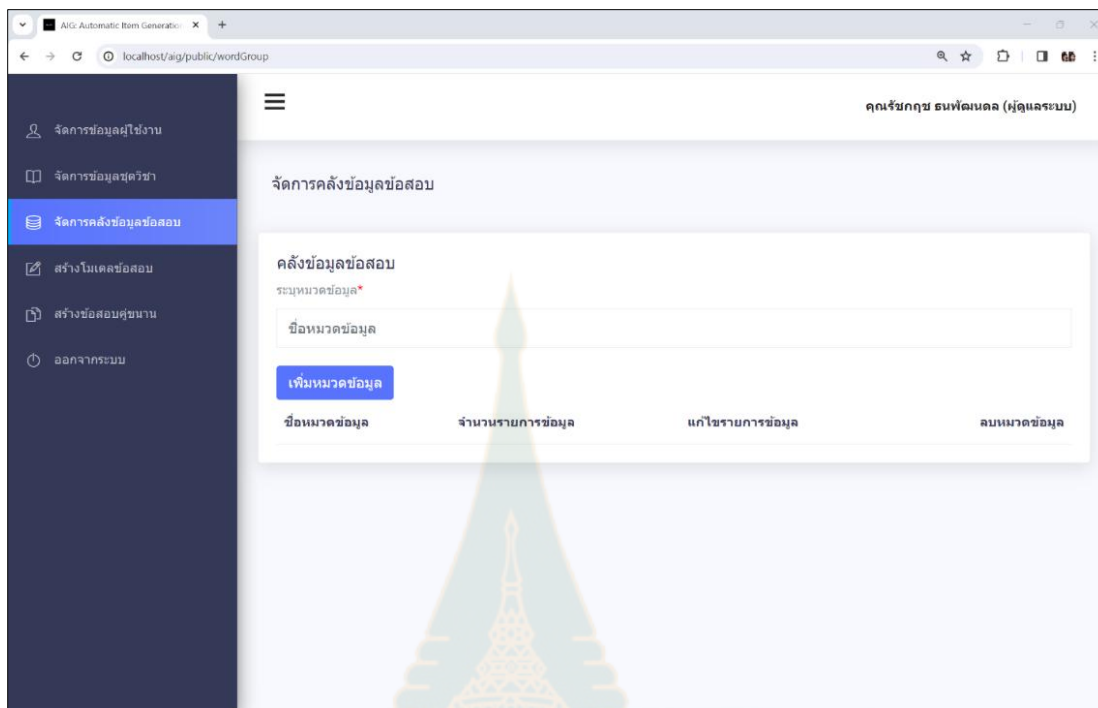
3.2 จากภาพที่ 7 กรอกข้อมูลชุดวิชาให้ครบทุกช่อง และคลิกปุ่ม **เพิ่มข้อมูลชุดวิชา** จากนั้นระบบจะแสดงข้อมูลชุดวิชาที่ได้บันทึก ไว้ในส่วนแสดงรายการข้อมูลชุดวิชา

หมายเหตุ การลบข้อมูลชุดวิชาออกจากระบบจะสามารถลบได้ก็ต่อเมื่อชุดวิชานั้น ๆ ไม่มีข้อมูลการสร้างโมเดลข้อสอบในชุดวิชาเหล่านั้น

#### 4. การใช้งานฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบ

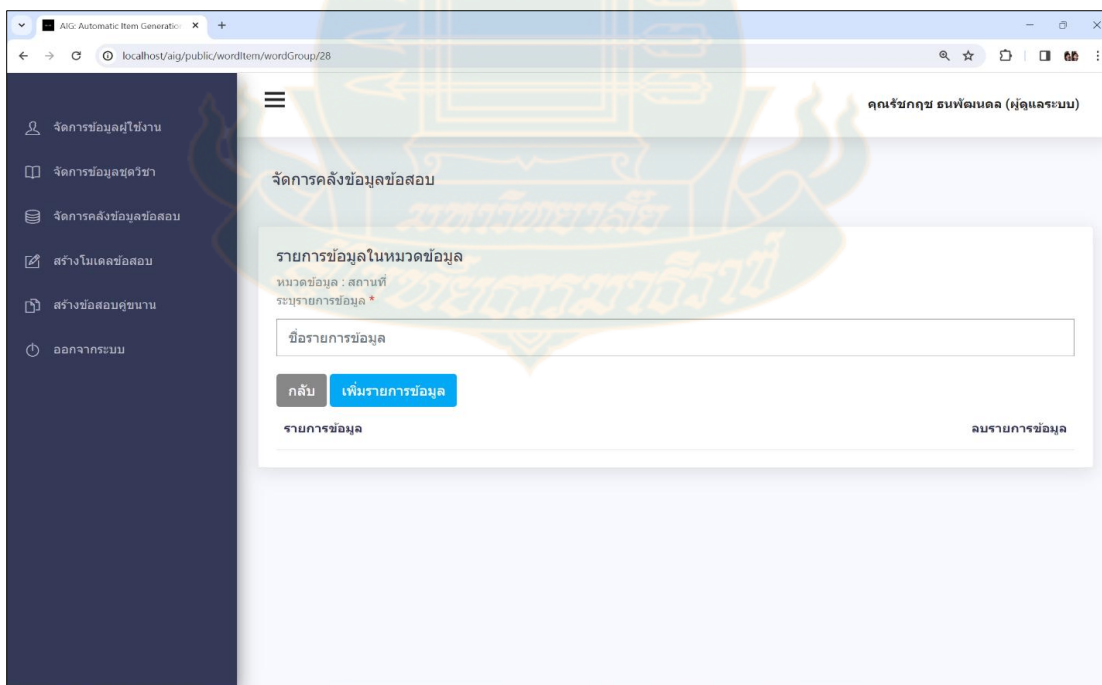
ฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบ ใช้สำหรับสร้างคลังข้อมูลกลางของตัวแปรชนิดอักขระ เพื่อนำไปใช้เป็นส่วนประกอบที่แปรเปลี่ยนค่าได้ของโมเดลข้อสอบต่าง ๆ ที่มีเนื้อหาที่สามารถนำตัวแปรในคลังข้อมูลดังกล่าวไปใช้สร้างข้อสอบร่วมกันได้ โดยกำหนดชื่อหมวดข้อมูล และรายการข้อมูลภายใต้หมวดข้อมูลแต่ละหมวด ซึ่งการใช้งานฟังก์ชันจัดการคลังข้อมูลข้อสอบดังกล่าว สามารถดำเนินการได้ดังนี้

4.1 คลิกเลือกเมนู **จัดการคลังข้อมูลข้อสอบ** ในแถบเมนูฟังก์ชันการทำงานของระบบ ที่หน้าจอหลัก จะปรากฏหน้าจอ **จัดการคลังข้อมูลข้อสอบ** ดังภาพที่ 8



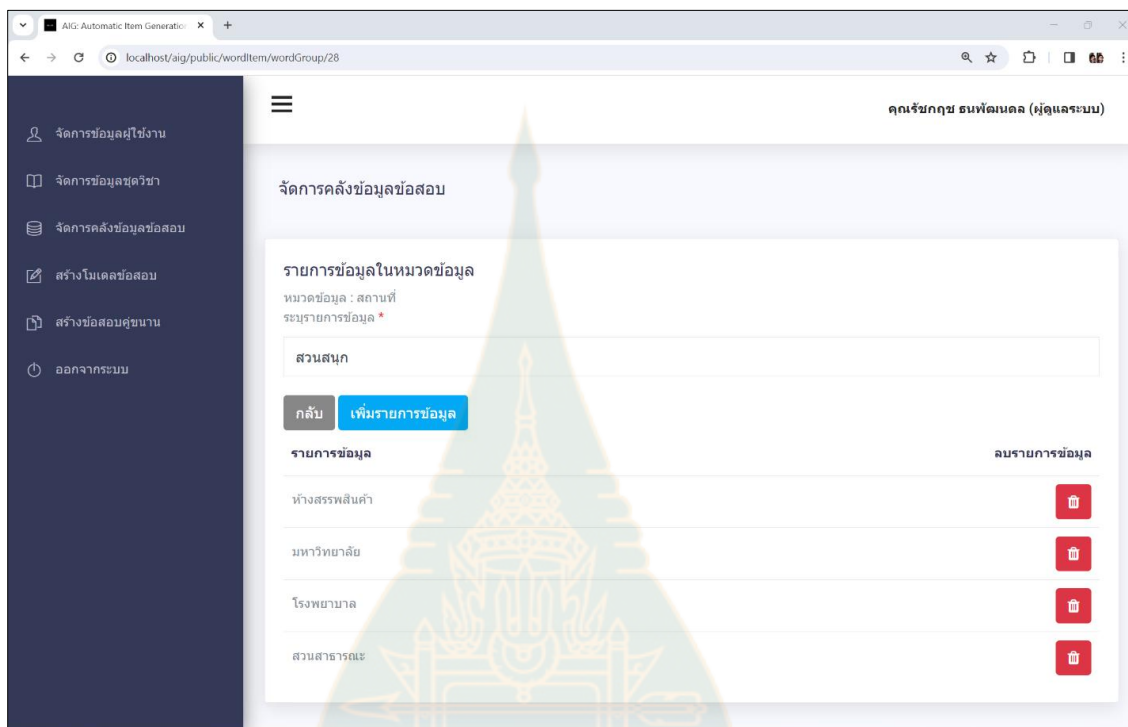
ภาพที่ 8 หน้าจอจัดการคลังข้อมูลข้อสอบ

4.2 จากภาพที่ 8 กรอกข้อมูลชื่อหมวดข้อมูล และคลิกปุ่ม **เพิ่มหมวดข้อมูล** จากนั้นระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกรายการข้อมูลภายใต้หมวดข้อมูลที่สร้างขึ้นแต่ละหมวด ดังภาพที่ 9



ภาพที่ 9 หน้าจอกรอกรายการข้อมูลภายใต้หมวดข้อมูลที่สร้างขึ้นแต่ละหมวด

4.3 จากภาพที่ 9 กรอกข้อมูลรายการข้อมูลภายใต้หมวดข้อมูลที่สร้างขึ้นแต่ละหมวด พร้อมทั้งคลิกปุ่ม **เพิ่มรายการข้อมูล** เพื่อบันทึกข้อมูลคลังข้อมูลข้อสอบ ระบบแสดงรายการข้อมูลที่ถูกจัดเก็บไว้ในคลังข้อมูลข้อสอบภายใต้หมวดข้อมูลนั้น ๆ ดังภาพที่ 10



ภาพที่ 10 หน้าจอแสดงรายการข้อมูลที่ถูกจัดเก็บไว้ในคลังข้อมูลข้อสอบภายใต้หมวดข้อมูล

4.4 จากภาพที่ 10 หากต้องการดูรายการคลังข้อมูลข้อสอบทั้งหมดที่สร้างขึ้น สามารถคลิกที่ปุ่ม **กลับ** ระบบจะแสดงหน้าจอรายการคลังข้อมูลข้อสอบทั้งหมดที่สร้างขึ้น ดังภาพที่ 11

จัดการคลังข้อมูลข้อสอบ

คลังข้อมูลข้อสอบ

รณหมวดข้อมูล\*

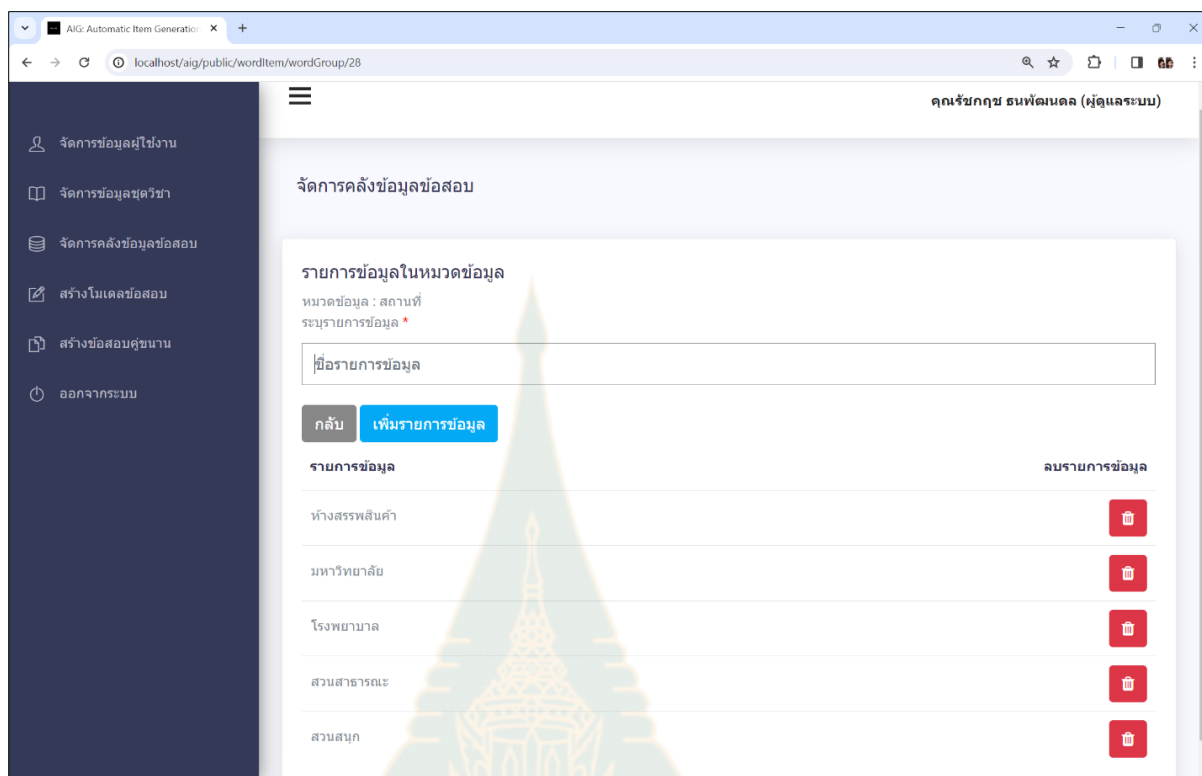
ชื่อหมวดข้อมูล

เพิ่มหมวดข้อมูล

ชื่อหมวดข้อมูล	จำนวนรายการข้อมูล	แก้ไขรายการข้อมูล	ลบหมวดข้อมูล
สถานที่	5		
อาหารไทย	7		
ชื่อคน	7		
สี	11		

ภาพที่ 11 หน้าจอแสดงรายการข้อมูลในคลังข้อมูลข้อสอบทั้งหมดที่สร้างขึ้น

4.5 จากภาพที่ 11 กรณีที่ผู้ใช้งานต้องการ ลบ/แก้ไขข้อมูลคลังข้อมูลข้อสอบ สามารถคลิกปุ่ม **ลบหมวดข้อมูล/แก้ไขรายการข้อมูล** ได้ที่ส่วนแสดงข้อมูลรายการข้อมูลในคลังข้อมูลข้อสอบที่ได้บันทึกไว้ในระบบ ในกรณีที่ต้องการแก้ไขรายการข้อมูล ระบบจะแสดงหน้าจอให้แก้ไขรายการข้อมูลดังภาพที่



ภาพที่ 12 หน้าจอแก้ไขรายการข้อมูล

### 5. การใช้งานฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบ

ฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบ ใช้สำหรับสร้างโมเดลข้อสอบเพื่อให้ระบบนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนาน ซึ่งการใช้งานฟังก์ชันสร้างโมเดลข้อสอบดังกล่าว สามารถดำเนินการได้ดังนี้  
หมายเหตุ โมเดลข้อสอบที่นำมาเป็นตัวอย่างสำหรับสร้างโมเดลข้อสอบในระบบ มีรายละเอียดดังนี้

**วัตถุประสงค์ :** นักศึกษาสามารถบอกการเป็นสมาชิกของเซตและสับเซตได้

**หน่วยที่ :** 1 **ตอนที่ :** 1.1

**ประเภทโมเดลข้อสอบ :** โมเดลที่ 8

**โจทย์ :** กำหนดให้  $S = \{ I1, I2, I3 \}$  ข้อใดเป็นสับเซตของ  $S$

**ส่วนประกอบ :**

$S$  : มีขอบเขตข้อมูล  $A$  ถึง  $Z$

$I1$  : มีขอบเขตข้อมูลเป็นจำนวนเต็มในช่วง  $-9$  ถึง  $9$

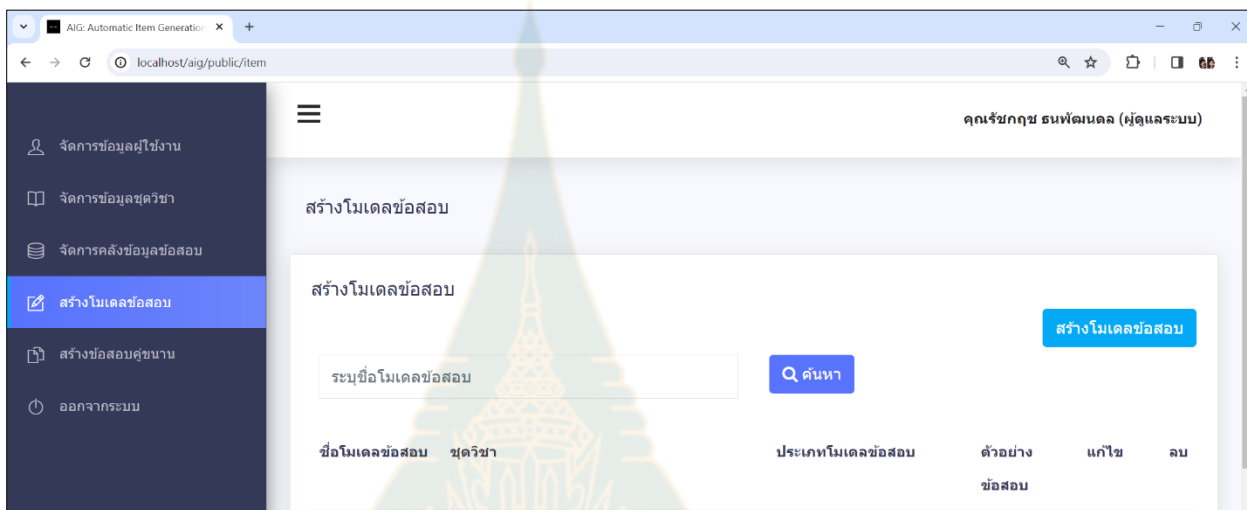
$I2$  : มีขอบเขตข้อมูลเป็นจำนวนเต็มในช่วง  $-9$  ถึง  $9$  ;  $I2 \neq I1 \neq I3$

$I3$  : มีขอบเขตข้อมูลเป็นจำนวนเต็มในช่วง  $-9$  ถึง  $9$  ;  $I3 \neq I1 \neq I2$

ตัวเลือก : 1. I1, I2 | 2. { { I1 } } | 3. { -I3, I2 } | 4. ( I1, I2, I3 ) | 5. { I1, I2, I3 }

ข้อมูลเสริม : ไม่มี เฉลย : 5

5.1 คลิกเลือกเมนู **สร้างโมเดลข้อสอบ** ในแถบเมนูฟังก์ชันการทำงานของระบบที่หน้าจอหลัก จะปรากฏหน้าจอ **สร้างโมเดลข้อสอบ** ดังภาพที่ 13



ภาพที่ 13 หน้าจอสร้างโมเดลข้อสอบ

5.2 จากภาพที่ 13 ให้คลิกปุ่ม **สร้างโมเดลข้อสอบ** ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกข้อมูลโมเดลข้อสอบดังภาพที่ 14 ถึง 15





สร้างโมเดลข้อสอบ

เลือกชั้ววิชา \* 96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี

เลือกประเภทโมเดลข้อสอบ \* (8) โจทย์-หสม ตัวเลือกรูปแบบจำกัด

ชื่อโมเดลข้อสอบ \* โมเดลข้อสอบ : ข้อที่ 2

วัตถุประสงค์ นักศึกษาสามารถบอกการเป็นสมาชิกของเซตและสับเซตได้

หน่วย 1

ตอน 1.1

ระบุโจทย์โมเดลข้อสอบ \*  
 \*ชื่อตัวแปรใส่เครื่องหมาย [] เช่น [x1]  
 \*การคำนวณใส่เครื่องหมาย {} เช่น {{{x1}+{x2}}}

กำหนดให้  $S = \{ [I1], [I2], [I3] \}$  ข้อใดเป็นสับเซตของ  $S$

ภาพที่ 14 ภาพหน้าจอกรอกข้อมูลโมเดลข้อสอบ (1)

ระบุโจทย์โมเดลข้อสอบ \*  
 \*ชื่อตัวแปรใส่เครื่องหมาย [] เช่น [x1]  
 \*การคำนวณใส่เครื่องหมาย {} เช่น {{{x1}+{x2}}}

กำหนดให้  $S = \{ [I1], [I2], [I3] \}$  ข้อใดเป็นสับเซตของ  $S$

body p span span span span span span span

เพิ่มภาพ

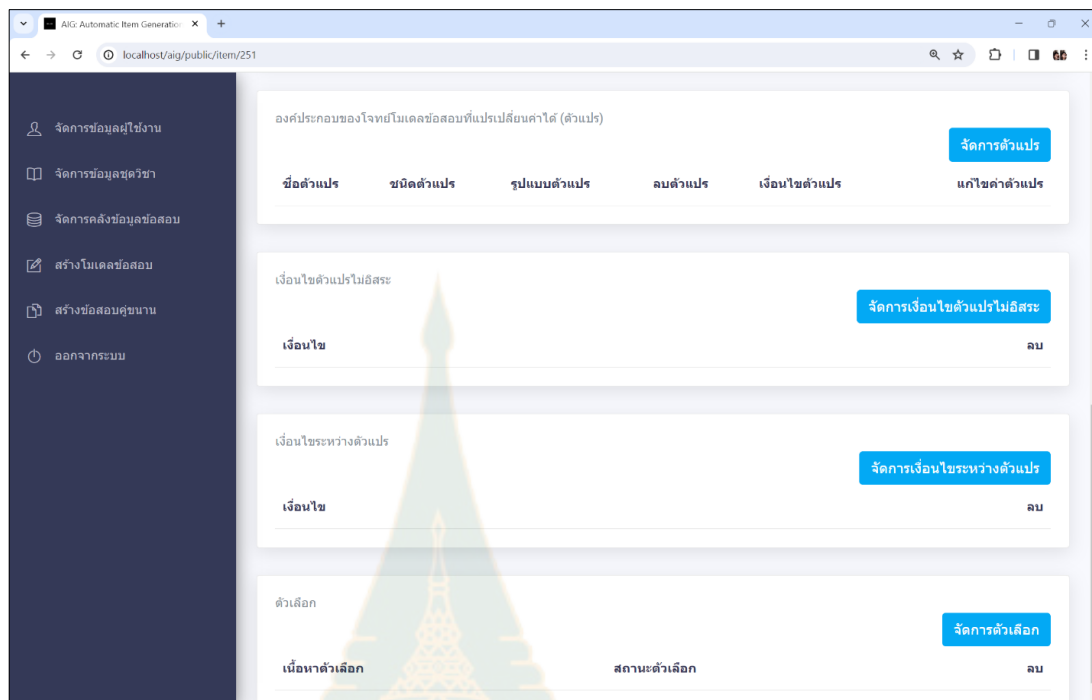
บันทึกโมเดลข้อสอบ

ภาพที่ 15 ภาพหน้าจอกรอกข้อมูลโมเดลข้อสอบ (2)

5.3 จากภาพที่ 14 ถึง 15 ให้ผู้ใช้งานกรอกข้อมูลโมเดลข้อสอบให้ครบถ้วนตามช่องกรอกข้อมูลที่ระบบกำหนด และระบบแนะนำ จากนั้นให้คลิกที่ปุ่ม **บันทึกข้อมูลโมเดลข้อสอบ** ระบบจะแสดงหน้าจอสรุปข้อมูลโมเดลข้อสอบที่ได้บันทึกไว้ในระบบ ดังภาพที่ 16

ภาพที่ 16 หน้าจอสรุปข้อมูลโมเดลข้อสอบที่ได้บันทึกไว้ในระบบ

5.4 จากภาพที่ 16 เมื่อเลื่อนสกรอลบาร์ลงมาด้านล่างระบบจะแสดงปุ่มต่าง ๆ ดังภาพที่ 17



ภาพที่ 17 หน้าจอการจัดการตัวแปรและตัวเลือกของโมเดลข้อสอบ

จากภาพที่ 17 หน้าจอการจัดการตัวแปรและตัวเลือกของโมเดลข้อสอบ ประกอบด้วยปุ่มต่าง ๆ ดังนี้

5.5 ปุ่ม **จัดการตัวแปร** สำหรับใช้ กำหนดชื่อตัวแปร ค่าตัวแปร และชนิดตัวแปร เมื่อคลิกปุ่ม **จัดการตัวแปร** ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกข้อมูลรายละเอียดของตัวแปรในลักษณะต่าง ๆ ดังภาพที่ 18 ถึง 21

5.6 ปุ่ม **จัดการเงื่อนไขตัวแปรไม่อิสระ** สำหรับใช้กำหนดเงื่อนไขระหว่างตัวแปรในรูปแบบ if-else เช่น ถ้า I1 เท่ากับหรือไม่เท่ากับ x แล้ว I2 ต้องเท่ากับ/ไม่เท่ากับ y เมื่อคลิกปุ่ม **จัดการเงื่อนไขตัวแปรไม่อิสระ** ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกข้อมูลรายละเอียดเงื่อนไขระหว่าง รูปแบบ ต่าง ๆ ดังภาพที่ 22

5.7 ปุ่ม **จัดการเงื่อนไขระหว่างตัวแปร** สำหรับใช้กำหนดเงื่อนไขระหว่างตัวแปรในรูปแบบ เครื่องหมายการดำเนินการทางคณิตศาสตร์ เช่น I1 (>, <, =, ≠, ≤, ≥) I2 เมื่อคลิกปุ่ม **จัดการเงื่อนไขระหว่างตัวแปร** ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกข้อมูลรายละเอียดเงื่อนไขระหว่าง รูปแบบ ต่าง ๆ ดังภาพที่ 23 ถึง 24

5.8 ปุ่ม **จัดการตัวเลือก** สำหรับใช้สร้างตัวเลือกของโมเดลข้อสอบ และกำหนดประเภทของตัวเลือก (ตัวถูก/ตัวลวง เมื่อคลิกปุ่ม **จัดการตัวเลือก** ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกข้อมูลเนื้อหาตัวเลือก และประเภทตัวเลือก ดังภาพที่ 25 ถึง 28

The screenshot shows a web application interface for creating test items. On the left is a dark sidebar with navigation options: 'จัดการข้อมูลผู้ใช้งาน', 'จัดการข้อมูลชุดวิชา', 'จัดการคลังข้อสอบ', 'สร้างโมเดลข้อสอบ', 'สร้างข้อสอบคู่ขนาน', and 'ออกจากระบบ'. The main area is titled 'ชื่อโมเดลข้อสอบ : โมเดลข้อสอบ : ข้อที่ 2' and contains a 'ชื่อตัวเลือก\*' input field, a 'ชนิดตัวเลือก\*' dropdown menu set to 'ข้อความ', and a 'รูปแบบตัวเลือก\*' dropdown menu set to 'ตัวเลือกอิสระ'. A blue 'เพิ่มตัวเลือก' button is positioned below the dropdowns. Below this is a table with columns: 'ชื่อตัวเลือก', 'ชนิดตัวเลือก', 'รูปแบบตัวเลือก', 'ลบตัวเลือก', 'เงื่อนไขตัวเลือก', 'จัดการค่าตัวเลือก', 'ค่าเกณฑ์ตัวเลือก', and 'จัดการค่าเกณฑ์ตัวเลือก'. The table contains four rows of data.

ชื่อตัวเลือก	ชนิดตัวเลือก	รูปแบบตัวเลือก	ลบตัวเลือก	เงื่อนไขตัวเลือก	จัดการค่าตัวเลือก	ค่าเกณฑ์ตัวเลือก	จัดการค่าเกณฑ์ตัวเลือก
S	ข้อความ	ตัวเลือกอิสระ					
I1	ช่วง	ตัวเลือกไม่อิสระ					
I2	ช่วง	ตัวเลือกไม่อิสระ					
I3	ช่วง	ตัวเลือกไม่อิสระ					

ภาพที่ 18 หน้าจอกรอกข้อมูลชื่อตัวเลือกและชนิดตัวเลือก

5.9 จากภาพที่ 18 ให้ผู้งานกรอกข้อมูลชื่อตัวเลือก ชนิดตัวเลือก (ข้อความ เลขจำนวนเต็ม เลขทศนิยม และแบบตัวเลขที่เป็นช่วง) และรูปแบบตัวเลือก (ตัวเลือกอิสระ/ตัวเลือกไม่อิสระ) จากนั้นให้คลิกปุ่ม **เพิ่มตัวเลือก** รายการตัวเลือกที่กรอกข้อมูลดังกล่าวจะแสดงในส่วนแสดงรายการชื่อตัวเลือกด้านล่าง ให้ผู้ใช้งานกรอกข้อมูลทุกตัวที่ได้กำหนดไว้ในโมเดลข้อสอบให้ครบถ้วน จากนั้นให้คลิกปุ่ม **จัดการค่าตัวเลือก** ของตัวเลือกที่ละตัว เพื่อกำหนดค่าของตัวเลือกที่สร้างขึ้นว่าจะมีค่าตัวเลือกเท่าไร และรูปแบบใด หลังจากคลิกปุ่ม **จัดการค่าตัวเลือก** แล้ว ระบบจะแสดงหน้าจอกำหนดค่าตัวเลือก และชนิดของค่าตัวเลือก ดังภาพที่

การจัดการข้อมูลผู้ใช้งาน  
การจัดการข้อมูลชุดวิชา  
การจัดการคลังข้อมูลข้อสอบ  
สร้างโมเดลข้อสอบ  
สร้างข้อสอบคู่ขนาน  
ออกจากระบบ

คุณรัชกฤษ ธนพัฒน์ผล (ผู้ดูแลระบบ)

Hello, Welcome Here

สร้างข้อสอบ > กำหนดตัวแปร > ระบุค่า

ชื่อข้อสอบ : โมเดลข้อสอบ : ข้อที่ 2 กลับ

ตัวแปร : S

ชนิด : text

กำหนดข้อความ \*

E เพิ่ม

เลือกจากหมวดข้อมูล

ชื่อคน (7 คำ) แสดงค่า

ค่า	ลบ
A	<span>ลบ</span>
B	<span>ลบ</span>
C	<span>ลบ</span>
D	<span>ลบ</span>

ภาพที่ 19 หน้าจอกำหนดค่าตัวแปร และชนิดของค่าตัวแปร (1)

การจัดการข้อมูลผู้ใช้งาน  
การจัดการข้อมูลชุดวิชา  
การจัดการคลังข้อมูลข้อสอบ  
สร้างโมเดลข้อสอบ  
สร้างข้อสอบคู่ขนาน  
ออกจากระบบ

คุณรัชกฤษ ธนพัฒน์ผล (ผู้ดูแลระบบ)

Hello, Welcome Here

สร้างข้อสอบ > กำหนดตัวแปร > ระบุค่า

ชื่อข้อสอบ : โมเดลข้อสอบ : ข้อที่ 2 กลับ

ตัวแปร : I1

ชนิด : range ลบ

กำหนดช่วง

ค่าเริ่มต้น\*

ค่าสุดท้าย\*

เพิ่มครั้งละ\*

เพิ่ม

ค่า	ลบ
ช่วง -9 - 9 เพิ่มครั้งละ 1	<span>ลบ</span>

ภาพที่ 20 หน้าจอกำหนดค่าตัวแปร และชนิดของค่าตัวแปร (2)

5.10 จากภาพที่ 19 และ ภาพที่ 20 ให้ผู้ใช้งานกรอกข้อมูลค่าตัวแปรตามชนิดของตัวแปรที่ได้ระบุไว้ โดยค่าตัวแปรแบบข้อความ ผู้ใช้งานสามารถเลือกค่าตัวแปรได้ตามหมวดข้อมูลในคลังข้อมูลข้อสอบที่มีอยู่ได้ หากพิจารณาข้อมูลในคลังข้อมูลแล้วไม่พบว่ามีข้อมูลใดสอดคล้องกับบริบทของข้อสอบก็สามารถกรอกข้อมูลใหม่เพิ่มเข้าไปได้ เมื่อผู้ใช้งานกรอกข้อมูลเสร็จสิ้นแล้ว ระบบจะแสดงหน้าจอแสดงรายการตัวแปรและเงื่อนไขค่าตัวแปรที่ได้สร้างไว้ทั้งหมดดังภาพที่ 21

ชื่อตัวแปร	ชนิดตัวแปร	รูปแบบตัวแปร	ลบตัวแปร	เงื่อนไขตัวแปร	จัดการค่าตัวแปร	ค่ายกเว้นตัวแปร	จัดการค่ายกเว้นตัวแปร
S	ข้อความ	ตัวแปรอิสระ		A B C D E F			
I1	ช่วง	ตัวแปรไม่อิสระ		ช่วง -9 - 9 เพิ่มครั้งละ 1 รายการค่า : -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,			
I2	ช่วง	ตัวแปรไม่อิสระ		ช่วง -9 - 9 เพิ่มครั้งละ 1 รายการค่า : -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,			
I3	ช่วง	ตัวแปรไม่อิสระ		ช่วง -9 - 9 เพิ่มครั้งละ 1 รายการค่า : -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,			

ภาพที่ 21 หน้าจอแสดงรายการตัวแปรและเงื่อนไขค่าตัวแปร

5.11 จากภาพที่ 21 จากรายการตัวแปรและเงื่อนไขค่าตัวแปรที่ระบบแสดงสรุปไว้ หากผู้ใช้งานต้องการ ลบ หรือแก้ไข ก็สามารถคลิกที่ปุ่ม **ลบตัวแปร/จัดการค่าตัวแปร** ได้ที่แถวของตัวแปรนั้น ๆ กรณีที่ตัวแปรใดต้องการกำหนดข้อยกเว้นของตัวแปรเพิ่มเติม หลังจากที่ได้กำหนดค่าตัวแปรชนิดช่วงไปแล้ว เช่น  $I1 = [-1 \text{ ถึง } 10]$  และ  $I1$  ต้องไม่เท่ากับ 0 หรือค่าตัวเลขใดๆ ให้ผู้ใช้งานคลิกที่ปุ่ม **จัดการค่ายกเว้นตัวแปร** แล้วไปกรอกข้อมูลข้อยกเว้นตัวแปรของตัวแปรนั้น ๆ

AIQ: Automatic Item Generation

localhost/aig/public/itemElementDependent/create/item/246

Hello, Welcome Here

สร้างข้อสอบ > จัดการเงื่อนไขตัวแปรไม่อิสระ

ชื่อข้อสอบ : โมเดลข้อสอบทดลอง1 กลับ

เลือกค่าเงื่อนไข\*

S-A

ระบุค่าเงื่อนไข (เฉพาะตัวแปรแบบช่วง)

กำหนดรูปแบบ\*

เท่ากับ

เลือกค่าตัวแปรไม่อิสระ\*

I1-ช่วง -9 - 9 เพิ่มครั้งละ 1

ระบุค่ากำหนดสำหรับตัวแปรแบบช่วง

เพิ่ม

Speakers (Realtek High Definition Audio(SST)): 47%

ภาพที่ 22 หน้าจอกำหนดเงื่อนไขระหว่างตัวแปรในรูปแบบ if-else

5.12 จากภาพที่ 22 เป็นหน้าจอที่พัฒนาขึ้นสำหรับกรณีที่โมเดลข้อสอบมีการกำหนดค่าตัวแปรในรูปแบบ if-else เช่น ถ้า I1 เท่ากับ 2 แล้ว I2 ต้องเท่ากับ 6 เป็นต้น ผู้ใช้งานสามารถกรอกข้อมูลเงื่อนไขดังกล่าวลงในหน้าจอนี้ได้ และหากตัวแปรไม่มีเงื่อนไขตัวแปรในรูปแบบข้างต้นก็ไม่ต้องดำเนินการใดๆ ในหน้าจอ

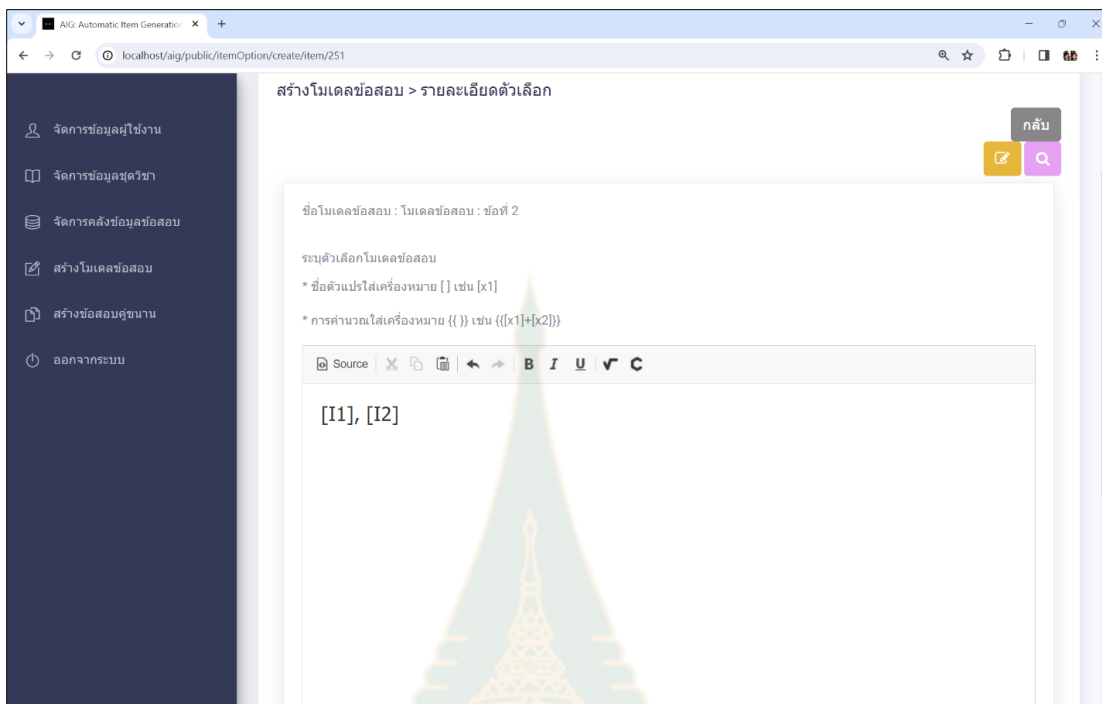
ภาพที่ 23 หน้าจอกำหนดเงื่อนไขระหว่างตัวแปรในรูปแบบเครื่องหมายการดำเนินการทางคณิตศาสตร์

5.13 จากภาพที่ 23 เป็นหน้าจอที่พัฒนาขึ้นสำหรับกำหนดเงื่อนไขระหว่างตัวแปรตัวแปร 2 ตัวแปรในรูปแบบเครื่องหมายการดำเนินการทางคณิตศาสตร์ (>, <, =, ≠, ≤, ≥) เช่น  $I1 > I2$  ผู้ใช้งานสามารถกรอกเงื่อนไขระหว่างตัวแปรดังกล่าวได้ที่หน้าจอนี้ เมื่อกรอกข้อมูลเสร็จสิ้น ระบบจะแสดงรายการเงื่อนไขระหว่างตัวแปรที่กำหนดทั้งหมด แสดงดังภาพที่ 24

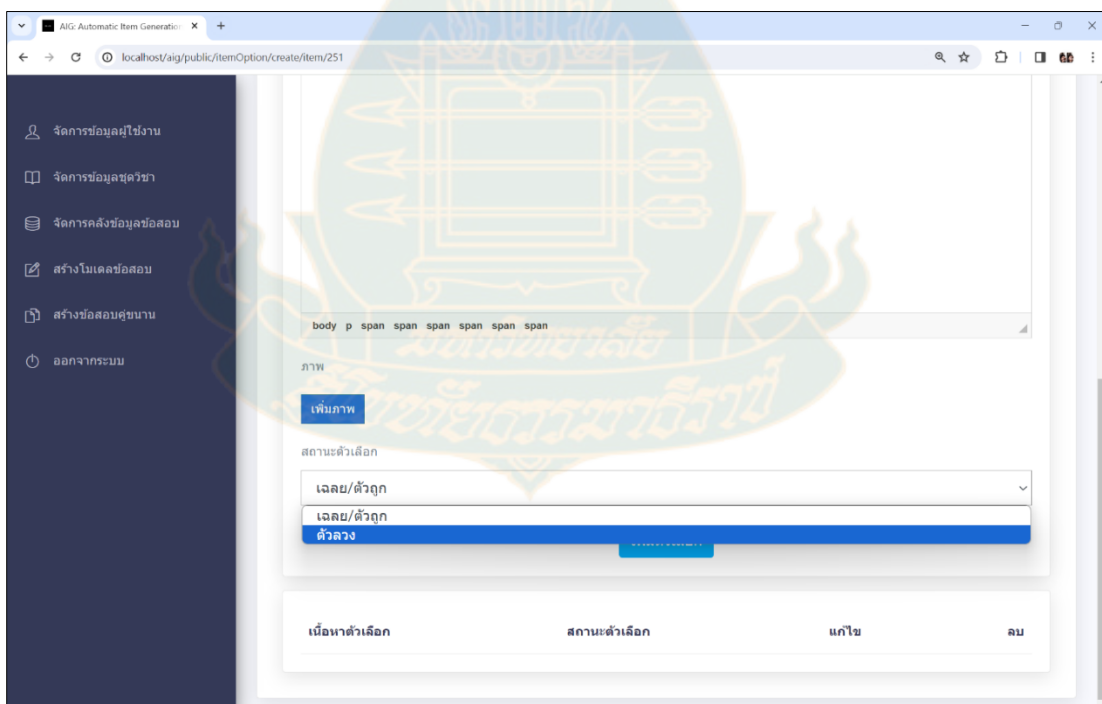
ภาพที่ 24 หน้าจอสรุปเงื่อนไขระหว่างตัวแปร

5.14 จากภาพที่ 24 หากผู้ใช้งานต้องการลบเงื่อนไขระหว่างตัวแปรที่กำหนดขึ้นสามารถคลิกที่ปุ่ม ลบ ทำรายการเงื่อนไขตัวแปรแต่ละแถว

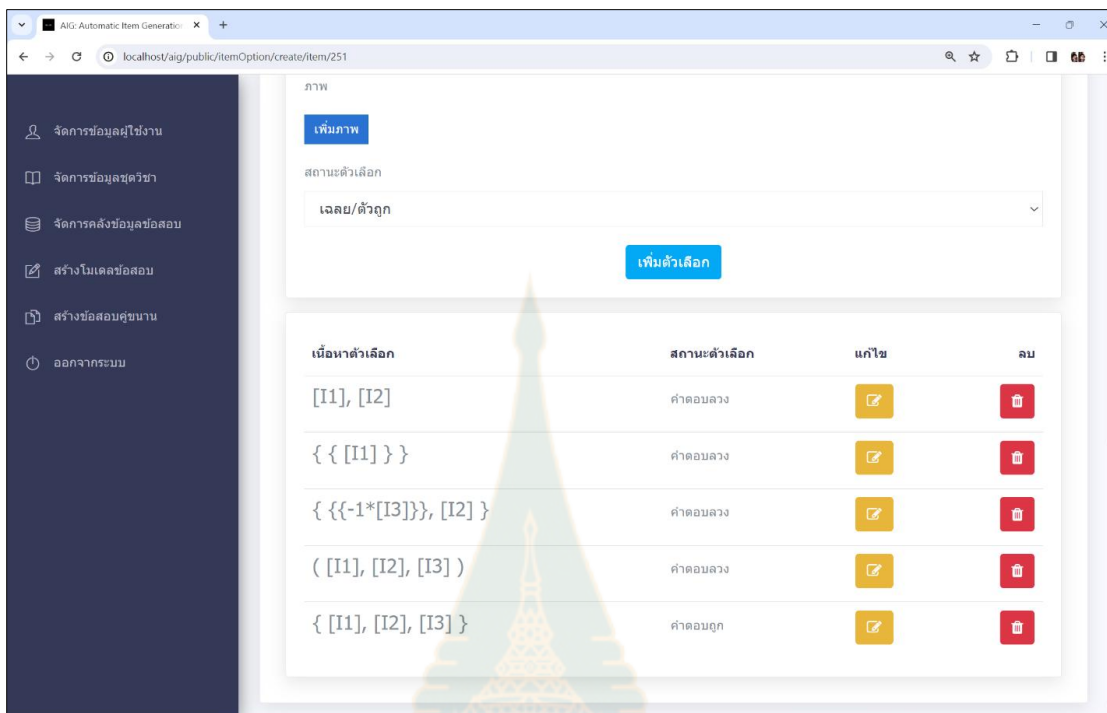




ภาพที่ 25 หน้าจอพิมพ์เนื้อหาตัวเลือกโมเดลข้อสอบ

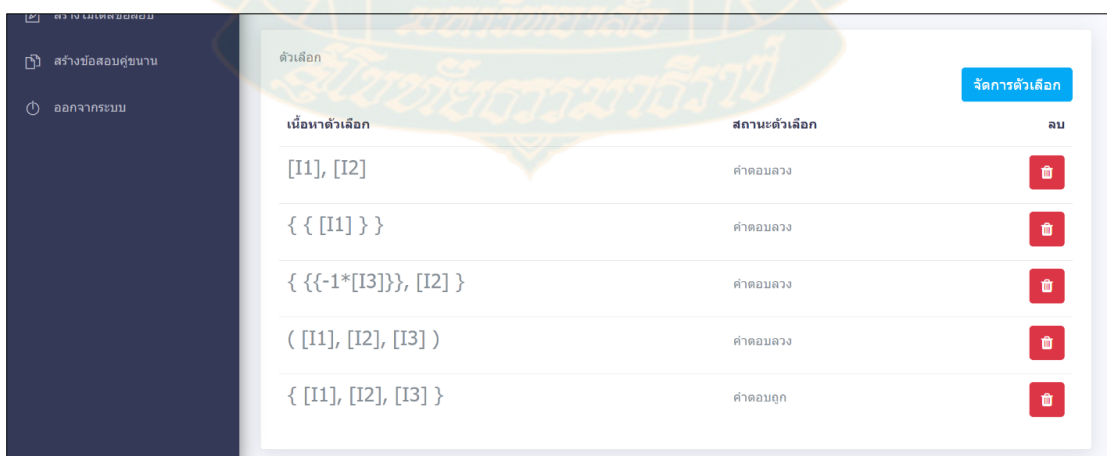


ภาพที่ 26 หน้าจอกำหนดประเภทของตัวเลือก



ภาพที่ 27 หน้าจอแสดงรายการตัวเลือกโมเดลข้อสอบในขณะที่กำลังสร้างตัวเลือก

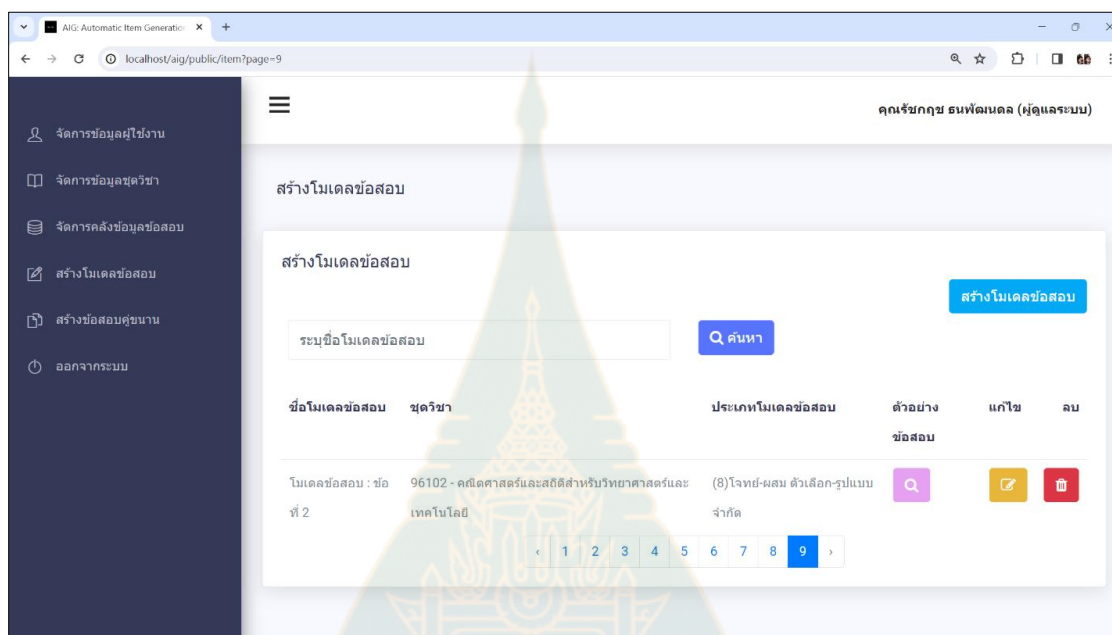
5.15 จากภาพที่ 25 ถึง ภาพที่ 27 ให้ผู้ใช้งานพิมพ์ข้อมูลตัวเลือกทุกข้อโดยพิมพ์ครั้งละหนึ่งตัวเลือกลงในหน้าจอที่เป็นพื้นที่กำหนดไว้ให้พิมพ์ตัวเลือก (ในภาพที่ 25) พร้อมทั้งกำหนดสถานะตัวเลือกว่าเป็น ตัวถูก หรือตัวลง (ในภาพที่ 26) แล้วคลิกปุ่ม **เพิ่มตัวเลือก** ข้อมูลตัวเลือกที่ถูกสร้างจะแสดงในส่วนแสดงรายการตัวเลือก (ในภาพที่ 27) เมื่อสร้างตัวเลือกเสร็จสิ้นทุกตัวเลือกแล้วให้คลิกปุ่ม **กลับ** (ในภาพที่ 25) ระบบจะแสดงข้อมูลดังภาพที่ 28



ภาพที่ 28 หน้าจอแสดงสรุปรายการตัวเลือกโมเดลข้อสอบ

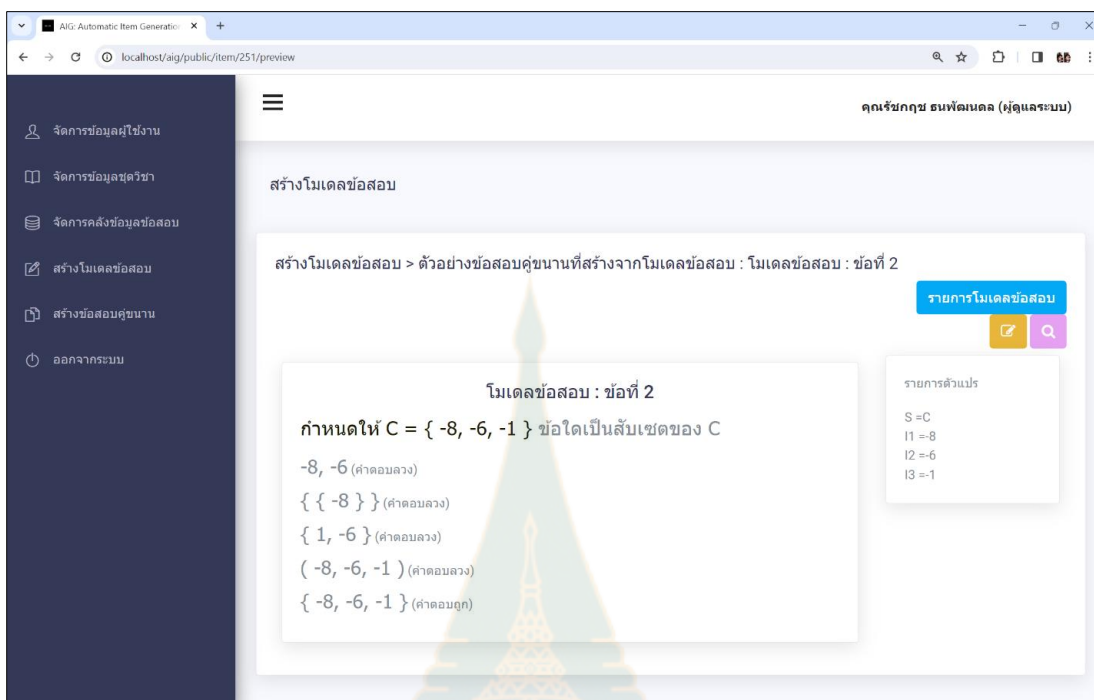
5.16 จากภาพที่ 28 ระบบแสดงสรุปรายการตัวเลือกโมเดลข้อสอบที่ผู้ใช้งานสร้างขึ้น หากต้องการลบตัวเลือกให้คลิกที่ปุ่ม **ลบ** หากต้องการแก้ไขตัวเลือกให้คลิกที่ปุ่ม **จัดการตัวเลือก**

เมื่อผู้ใช้งานดำเนินการสร้างโมเดลข้อสอบตามขั้นตอนดังกล่าวเสร็จสิ้นแล้ว ระบบจะแสดงรายการโมเดลข้อสอบที่สร้างแล้วเสร็จ ดังภาพที่ 29



ภาพที่ 29 รายการโมเดลข้อสอบที่สร้างแล้วเสร็จ

จากภาพที่ 29 เมื่อคลิกที่ปุ่ม **ตัวอย่างข้อสอบ** ระบบจะแสดงตัวอย่างข้อสอบคู่ขนานที่สร้างจากโมเดลข้อสอบโมเดลนั้น ๆ ให้ผู้ใช้งานได้ตรวจสอบเนื้อหา และรูปแบบของข้อสอบก่อนนำโมเดลข้อสอบดังกล่าวไปใช้สร้างข้อสอบคู่ขนานต่อไป ดังภาพที่ 30

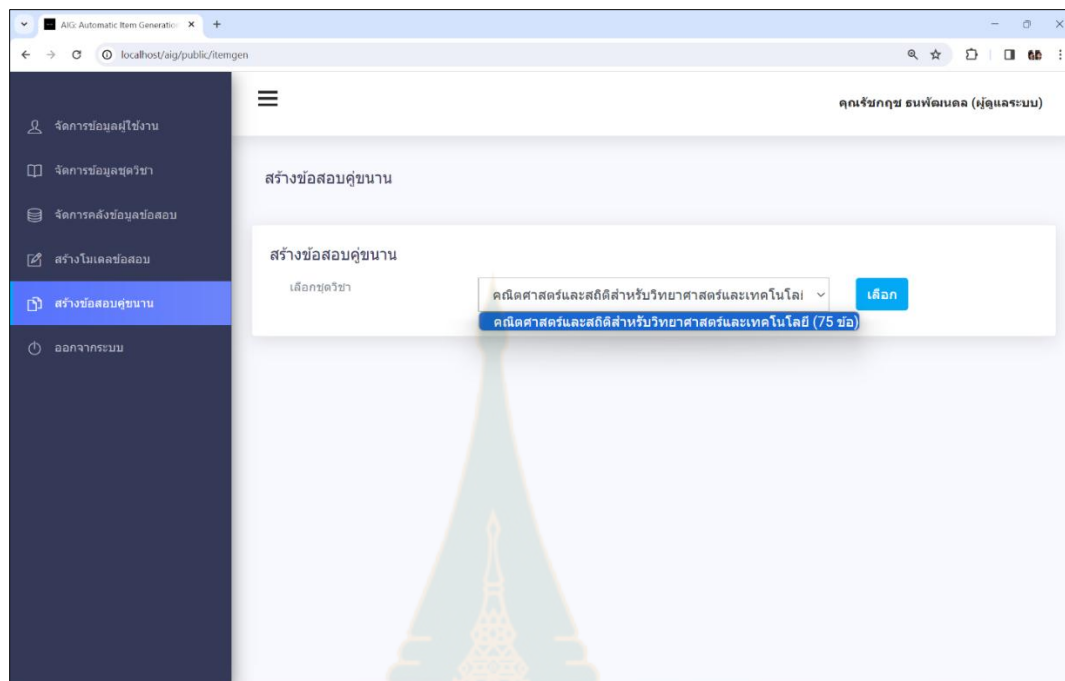


ภาพที่ 30 ตัวอย่างข้อสอบคู่ขนานที่สร้างจากโมเดลข้อสอบที่สร้างขึ้น

## 6. การใช้งานฟังก์ชันสร้างข้อสอบคู่ขนาน

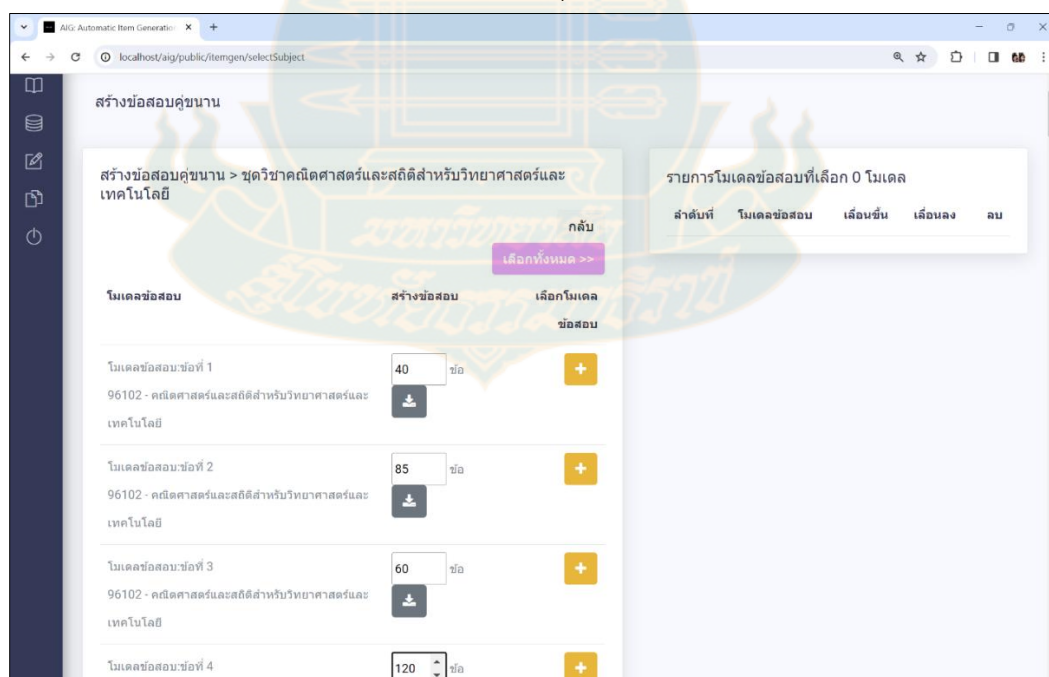
ฟังก์ชันสร้างข้อสอบคู่ขนาน ใช้สำหรับให้ผู้ใช้งานทำการเลือกโมเดลข้อสอบที่ได้สร้างไว้เพื่อให้ระบบนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนานตามเงื่อนไขที่ผู้ใช้งานกำหนด ซึ่งการใช้งานฟังก์ชันสร้างข้อสอบคู่ขนานดังกล่าว สามารถดำเนินการได้ดังนี้

6.1 คลิกเลือกเมนู **สร้างข้อสอบคู่ขนาน** ในแถบเมนูฟังก์ชันการทำงานของระบบ ที่หน้าจอหลัก จะปรากฏหน้าจอ **สร้างข้อสอบคู่ขนาน** ดังภาพที่ 31



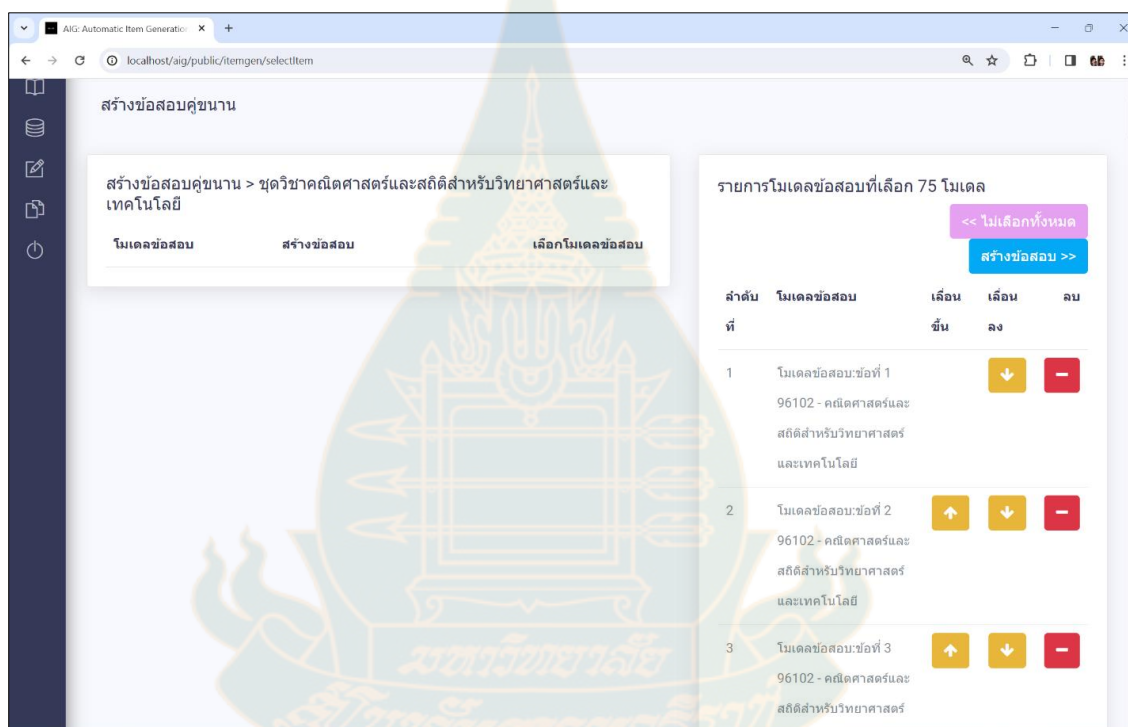
ภาพที่ 31 หน้าจอสร้างข้อสอบคู่ขนาน

6.2 จากภาพที่ 31 คลิกเลือกรายการชุดวิชาที่ต้องการสร้างข้อสอบคู่ขนาน จากนั้นให้คลิกปุ่มเลือก ระบบจะแสดงหน้าจอรายการโมเดลข้อสอบของชุดวิชาที่เลือกดังกล่าว ดังภาพที่ 32



ภาพที่ 32 หน้าจอรายการโมเดลข้อสอบของชุดวิชาที่สามารถนำไปใช้สร้างข้อสอบคู่ขนาน

6.3 จากภาพที่ 32 ผู้ใช้งานสามารถเลือกโมเดลที่ต้องการนำไปใช้สร้างข้อสอบในรูปแบบแยกไฟล์ได้ โดยกรอกข้อมูลจำนวนข้อของสอบที่ต้องการให้ระบบสร้าง จากนั้นให้คลิกที่ปุ่ม ลูกศรชี้ลง ระบบจะทำการสร้างข้อสอบโดยบันทึกไฟล์ข้อสอบคู่ขนานที่ถูกสร้างเสร็จสิ้นแล้วลงในเครื่องคอมพิวเตอร์ที่ใช้งานระบบ ในกรณีที่ผู้ใช้งานต้องการสร้างข้อสอบคู่ขนานจากโมเดลข้อสอบหลากหลายโมเดล แล้วให้ระบบสร้างข้อสอบดังกล่าวรวมไว้ในไฟล์เดียวกัน ให้คลิกปุ่ม **เลือกโมเดลข้อสอบ [+]** ท้ายรายการโมเดลข้อสอบที่ต้องการเลือกนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนาน หรือคลิกปุ่ม **เลือกทั้งหมด** ในกรณีที่ต้องการเลือกโมเดลข้อสอบทุกโมเดลที่มีนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนาน ระบบจะแสดงหน้าจอ รายการโมเดลข้อสอบที่ถูกเลือก ดังภาพที่ 33



ภาพที่ 33 รายการโมเดลข้อสอบที่ถูกเลือกนำไปใช้สร้างข้อสอบคู่ขนาน

6.4 จากภาพที่ 33 ให้คลิกปุ่ม สร้างข้อสอบ ระบบจะแสดงหน้าจอให้กรอกจำนวนข้อสอบที่ต้องการสร้าง ซึ่งผู้ใช้งานสามารถกำหนดให้ทุกโมเดลข้อสอบที่เลือกนำไปสร้างข้อสอบให้มีจำนวนข้อเท่ากัน หรือไม่เท่ากันก็ได้ ในกรณีที่ต้องการให้ระบบสร้างข้อสอบให้มีจำนวนข้อที่เท่ากันในแต่ละโมเดลข้อสอบสามารถ ระบุจำนวนข้อที่ต้องการลงใน **ช่องระบุจำนวนข้อสอบที่ต้องการสร้าง** พร้อมทั้งคลิกปุ่ม **บันทึกจำนวนข้อสอบ** ระบบก็จะแสดงผลให้ทุกโมเดลข้อสอบมีจำนวนข้อสอบที่ต้องสร้างเท่ากับจำนวนข้อสอบที่ระบุดังกล่าว ดังแสดงในภาพที่ 34

สร้างข้อสอบคู่ขนาน

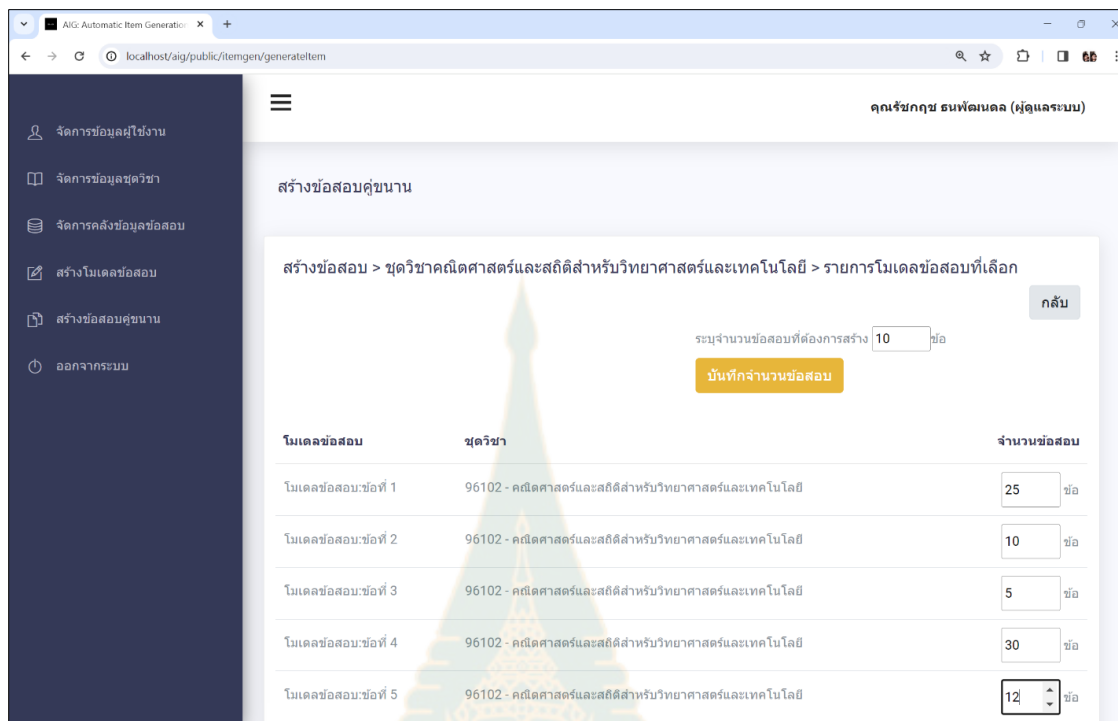
สร้างข้อสอบ > ชุดวิชาคณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี > รายการโมเดลข้อสอบที่เลือก

รวมจำนวนข้อสอบที่ต้องการสร้าง  ข้อ

[บันทึกจำนวนข้อสอบ](#)

โมเดลข้อสอบ	ชุดวิชา	จำนวนข้อสอบ
โมเดลข้อสอบ:ข้อที่ 1	96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี	<input type="text" value="10"/> ข้อ
โมเดลข้อสอบ:ข้อที่ 2	96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี	<input type="text" value="10"/> ข้อ
โมเดลข้อสอบ:ข้อที่ 3	96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี	<input type="text" value="10"/> ข้อ
โมเดลข้อสอบ:ข้อที่ 4	96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี	<input type="text" value="10"/> ข้อ
โมเดลข้อสอบ:ข้อที่ 5	96102 - คณิตศาสตร์และสถิติสำหรับวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี	<input type="text" value="10"/> ข้อ

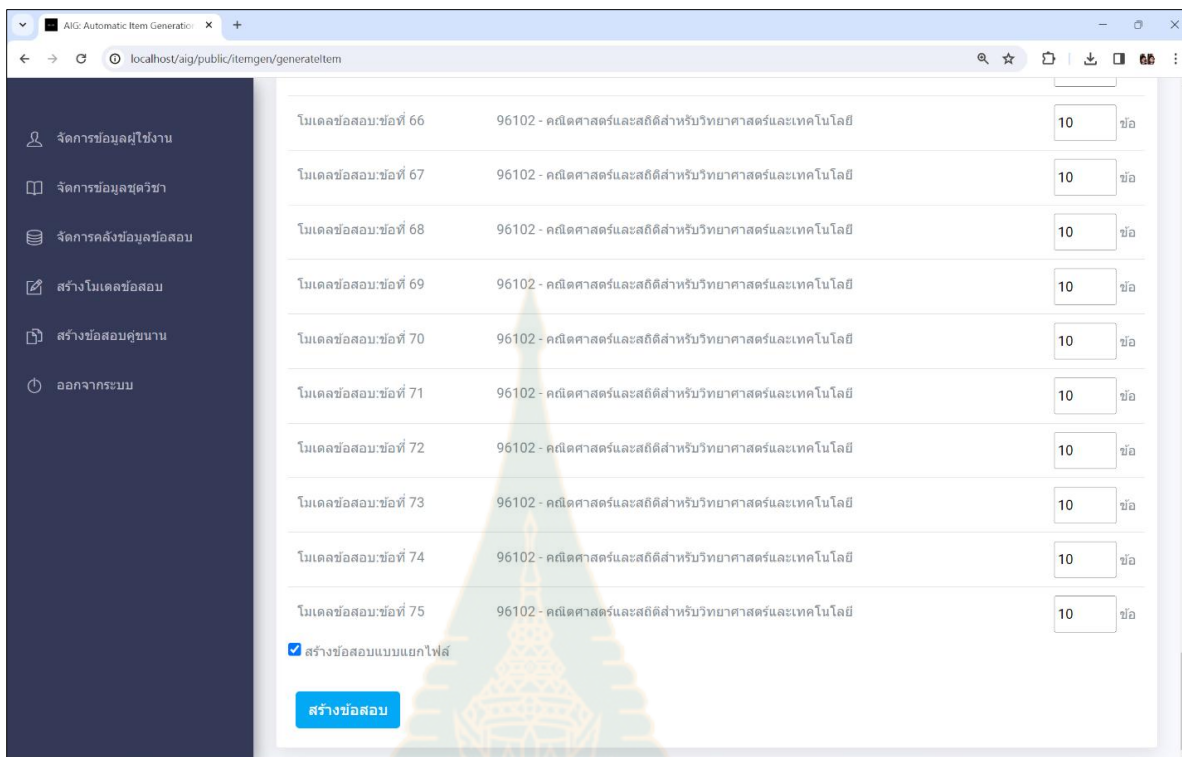
ภาพที่ 34 หน้าจอกำหนดให้ทุกโมเดลข้อสอบที่เลือกนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนานมีจำนวนข้อเท่ากัน 6.5 ในกรณีที่ไม่ต้องการให้ระบบสร้างข้อสอบให้มีจำนวนข้อที่เท่ากันในแต่ละโมเดลข้อสอบสามารถ ระบุจำนวนข้อที่ต้องการลงในช่องระบุท้ายแต่ละโมเดลข้อสอบดังภาพที่ 35



ภาพที่ 35 หน้าจอกำหนดให้โมเดลข้อสอบที่เลือกนำไปสร้างข้อสอบคู่ขนานมีจำนวนข้อที่แตกต่างกัน

6.6 คลิกปุ่ม **สร้างข้อสอบ** โดยไม่ต้องเลือก **สร้างข้อสอบแบบแยกไฟล์** ในกรณีที่ต้องการสร้างข้อสอบแบบรวมไฟล์ ดังภาพที่ 36

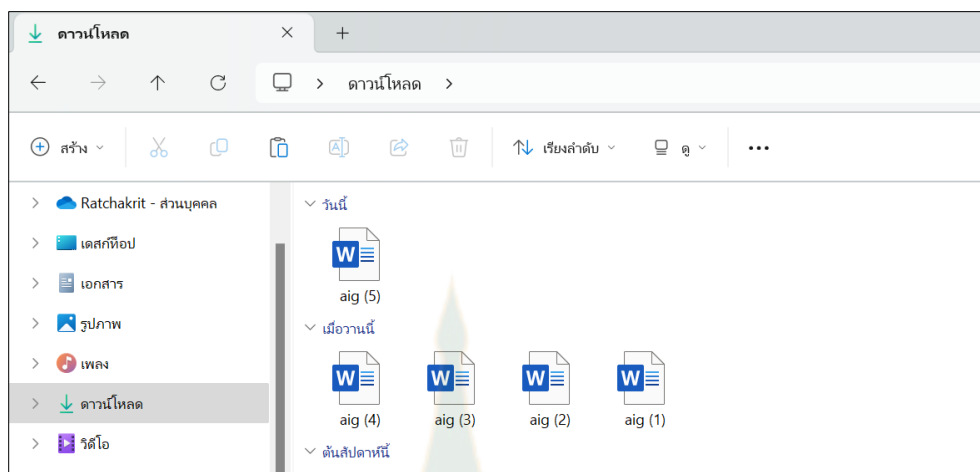




ภาพที่ 36 หน้าจอสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบรวมไฟล์ และแยกไฟล์

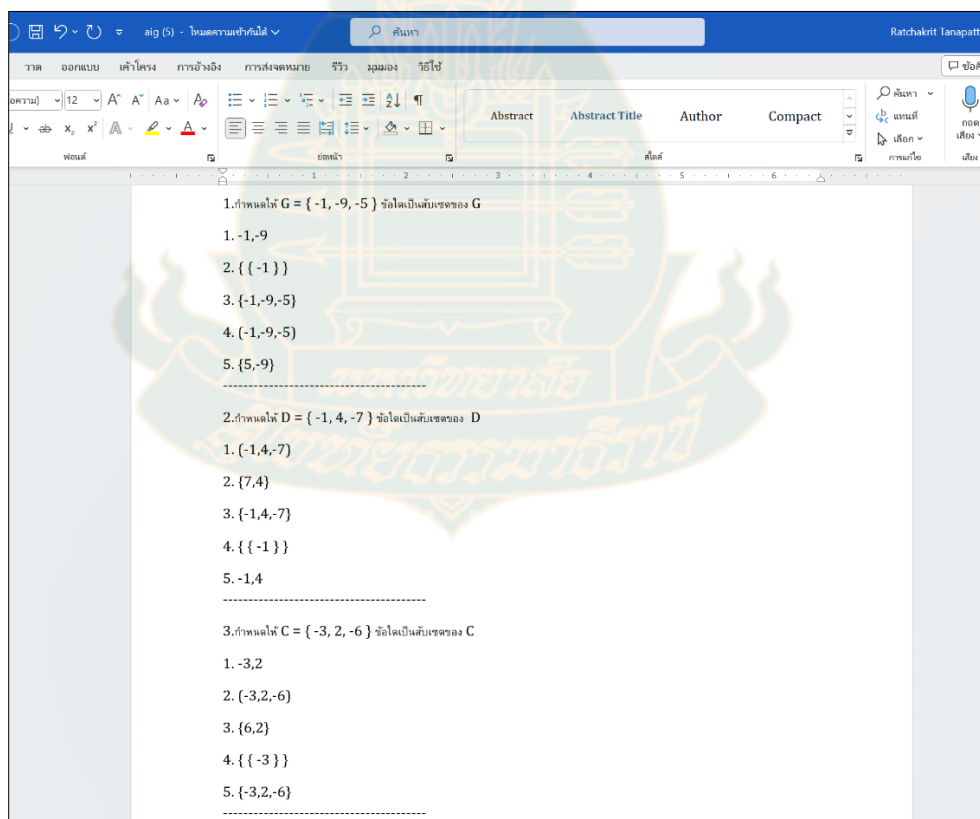
จากภาพที่ 36 ให้ผู้ใช้งานเช็คช่อง **สร้างข้อสอบแบบแยกไฟล์** กรณีที่ต้องการสร้างข้อสอบคู่ขนานในรูปแบบหนึ่งโมเดลข้อสอบต่อหนึ่งไฟล์ หากไม่เช็คเลือกเงื่อนไขดังกล่าวระบบจะสร้างข้อสอบจากทุกโมเดลข้อสอบรวมให้เป็นไฟล์เดียวกันจำนวนหนึ่งไฟล์

6.7 ระบบจะทำการสร้างข้อสอบคู่ขนานโดยบันทึกไฟล์ข้อสอบคู่ขนานที่ถูกสร้างเสร็จสิ้นแล้วลงในเครื่องคอมพิวเตอร์ที่ใช้งานระบบ ดังภาพที่ 37



ภาพที่ 37 ไฟล์ข้อสอบคู่ขนานที่ระบบบันทึกลงในเครื่องคอมพิวเตอร์ของผู้ใช้งาน

จากภาพที่ 37 เมื่อคลิกเปิดไฟล์ที่ระบบบันทึกลงในเครื่องคอมพิวเตอร์ผู้ใช้งานแล้ว จะปรากฏข้อสอบคู่ขนานที่ระบบสร้างขึ้นดังภาพที่ 38



ภาพที่ 38 ตัวอย่างข้อสอบคู่ขนานที่สร้างขึ้นจากระบบ

## ประวัติผู้วิจัย

- 1) ชื่อ-สกุล (ภาษาไทย) นายรัชกฤช ธนพัฒน์ดล  
(ภาษาอังกฤษ) Mr.Ratchakrit Tanapattanadol
- 2) วัน/เดือน/ปีเกิด 1 สิงหาคม 2522
- 3) ตำแหน่งปัจจุบัน อาจารย์ประจำสำนักทะเบียนและวัดผล
- 4) ตำแหน่งทางวิชาการ -
- 5) วุฒิการศึกษา

ระดับการศึกษา	วุฒิการศึกษา	วิชาเอก	สถาบันการศึกษา
ปริญญาเอก	ปรัชญาดุษฎีบัณฑิต (ปร.ด.)	การวิจัยและสถิติทาง วิทยาการปัญญา	มหาวิทยาลัยบูรพา
ปริญญาโท	วิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต (วศ.ม.)	วิศวกรรมคอมพิวเตอร์	สถาบันเทคโนโลยีพระจอม เกล้าเจ้าคุณทหาร ลาดกระบัง
ปริญญาตรี	วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต (วศ.บ.)	วิศวกรรมคอมพิวเตอร์	มหาวิทยาลัยอีสเทิร์นเอเชีย

- 6) ตำแหน่ง อาจารย์ประจำสำนักทะเบียนและวัดผล
- 7) สถานที่ทำงาน ศูนย์วิชาการประเมินผล สำนักทะเบียนและวัดผล  
มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมมาธิราช  
9/9 หมู่ 9 ถ.แจ้งวัฒนะ ต. บางพูด อ.ปากเกร็ด จ.นนทบุรี 11120  
โทรศัพท์ 02 - 504 -7788 ต่อ 7261-3  
โทรศัพท์มือถือ 0819889183  
อีเมล ratchakrit.tan@stou.ac.th
- 8) ที่อยู่บ้าน 333/914 หมู่ 8 ถนนกรุงเทพนนท์ ตำบลบางเขน อำเภอเมืองนนทบุรี  
จังหวัดนนทบุรี
- 9) ประสบการณ์ด้านการวิจัย

การพัฒนาาระบบ E-Testing การพัฒนาาระบบ Computerized Adaptive Testing  
การประยุกต์ใช้วิธีทางปัญญาประดิษฐ์ การประเมินโครงการ การวัดและประเมินผลการศึกษา  
การวิเคราะห์และออกแบบระบบสารสนเทศ และการพัฒนาาระบบคอมพิวเตอร์ด้านการวัดผลการศึกษา

## 10) ประวัติการทำวิจัย

ปี	ชื่อโครงการ/ผลงาน	หน่วยงานที่ให้ทุน	ตำแหน่ง
2563	การพัฒนากระบวนการสอบ E-Testing ของโครงการมหาวิทยาลัยไซเบอร์ไทย	โครงการมหาวิทยาลัยไซเบอร์ไทย สำนักงานปลัดกระทรวงการอุดมศึกษา วิทยาศาสตร์ วิจัยและนวัตกรรม	ผู้ร่วมโครงการวิจัย
2565	การพัฒนาระบบสร้างข้อสอบคู่ขนานแบบเลือกตอบอัตโนมัติโดยใช้วิธีการสร้างข้อสอบอัตโนมัติสำหรับการศึกษาทางไกล	มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมมาธิราช	หัวหน้าโครงการวิจัย
2565	การพัฒนาโมเดลเชิงตรรกะสำหรับประเมินระบบคลังข้อสอบมาตรฐาน	มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมมาธิราช	ผู้ร่วมโครงการวิจัย
2567	การออกแบบกระบวนการสร้างแบบสอบวินิจฉัยสมรรถนะสำหรับวินิจฉัยมโนทัศน์ที่คลาดเคลื่อนทางการเรียนรู้ของผู้เรียนในระบบการศึกษาทางไกล	มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมมาธิราช	หัวหน้าโครงการวิจัย

## 11) ผลงานวิจัยที่ได้พิมพ์เผยแพร่

ปี	ชื่อโครงการ/ผลงาน	วารสาร
2567	การพัฒนาโมเดลเชิงตรรกะสำหรับประเมินระบบคลังข้อสอบมาตรฐาน	วารสาร มจร สังคมศาสตร์ปริทรรศน์
2567	การพยากรณ์การเกิดพายุฝนฟ้าคะนองระยะปัจจุบัน ด้วยเทคนิคการเรียนรู้ของเครื่อง กรณีศึกษาสนามบินภาคเหนือของประเทศไทย	EAU HERITAGE JOURNAL Science and Technology
2565	การประเมินระบบสอบกลางภาคของมหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมมาธิราช	วารสารการวัดและประเมินผล สถิติ และการวิจัยทางสังคมศาสตร์

ปี	ชื่อโครงการ/ผลงาน	วารสาร
2564	ความสัมพันธ์ระหว่างค่าประมาณความสามารถของผู้สอบที่ได้จากการทดสอบแบบปรับเหมาะด้วยคอมพิวเตอร์กับคะแนนรวมของผู้สอบที่ได้จากการทดสอบด้วยคอมพิวเตอร์ สำหรับการทดสอบรายวิชาภาษาอังกฤษเพื่อทักษะการเรียนรู้ระดับปริญญาตรี	วารสารการวัดและประเมินผล สถิติ และการวิจัยทางสังคมศาสตร์
2564	การพัฒนากระบวนการสอบ E-testing ของโครงการมหาวิทยาลัยไซเบอร์ไทย	วารสารครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย
2561	การพัฒนาวิธีการคัดเลือกข้อสอบข้อถัดไปโดยใช้วิธีระบบอานานิคมมด สำหรับการทดสอบแบบปรับเหมาะด้วยคอมพิวเตอร์	EAU HERITAGE JOURNAL Science and Technology
2561	Development of Automatic Decision System in the Next Item Selection for Computerized Adaptive Testing	Information Technology Journal

